

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце  
ФИО: Хоружий Людмила Ивановна  
Должность: Директор института экономики и управления АПК  
Дата подписания: 18.05.11.2025 11:25:24  
Уникальный программный ключ:  
1e90b13249b041ce67585160b015dd9cb1e6a9

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕДЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«РОССИЙСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ –  
МСХА имени К.А. ТИМИРЯЗЕВА»  
(ФГБОУ ВО РГАУ - МСХА имени К.А. Тимирязева)

Институт экономики и управления АПК  
Кафедра прикладной информатики

УТВЕРЖДАЮ:  
Директор института экономики и  
управления АПК  
Л.И. Хоружий  
“18” мая 2025 г.

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.О.10 «Исследование операций и методы оптимизации»

для подготовки бакалавров

ФГОС ВО

Направление: 09.03.03 Прикладная информатика  
Направленности: «Программные решения для бизнеса»

Курс: 2  
Семестр: 4

Форма обучения: очная  
Год начала подготовки: 2025

Москва, 2025

Разработчик: Бабкина А.В., к.э.н., доцент

  
«28» 02 2025 г.

Рецензент: Торопцев В.В., к.т.н.

(ФИО, ученая степень, ученое звание)

  
(подпись)

«28» 02 2025 г.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО, професионального стандарта и учебного плана по направлению подготовки 09.03.03 Прикладная информатика 2025 года начала подготовки

Программа обсуждена на заседании кафедры прикладной информатики протокол № 1 от «28 02 2025 г.

И.о. зав. кафедрой: Худякова Е.В., д.э.н., профессор

(ФИО, ученая степень, ученое звание)

  
(подпись)

«28» 02 2025 г.

**Согласовано:**

Председатель учебно-методической комиссии института экономики и управления АПК

Гупалова Т.Н., к.э.н., доцент

(ФИО, ученая степень, ученое звание)

  
(подпись)

«28» августа 2025 г.

И.о. заведующего выпускающей кафедрой

прикладной информатики

Худякова Е.В., д.э.н., профессор

(ФИО, ученая степень, ученое звание)

  
(подпись)

«28» 02 2025 г.

Заведующий отделом комплектования ЦНБ

  
(подпись)

## СОДЕРЖАНИЕ

<b>АННОТАЦИЯ.....</b>	<b>4</b>
<b>1. ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ.....</b>	<b>4</b>
<b>2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В УЧЕБНОМ ПРОЦЕССЕ .....</b>	<b>5</b>
<b>3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ.....</b>	<b>5</b>
<b>4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ .....</b>	<b>9</b>
4.1 РАСПРЕДЕЛЕНИЕ ТРУДОЁМКОСТИ ДИСЦИПЛИНЫ ПО ВИДАМ РАБОТ ПО СЕМЕСТРАМ .....	9
4.2 СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ.....	9
4.3 ЛЕКЦИИ/ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ.....	12
<b>5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ .....</b>	<b>18</b>
<b>6. ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ И ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ .....</b>	<b>18</b>
6.1. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений и навыков и (или) опыта деятельности .....	18
6.2. Описание показателей и критериев контроля успеваемости, описание шкал оценивания .....	26
<b>7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ.....</b>	<b>27</b>
7.1 Основная литература .....	27
7.2 Дополнительная литература.....	27
7.3 Методические указания, рекомендации и другие материалы к занятиям.....	28
<b>8. ПЕРЕЧЕНЬ РЕСУРСОВ ИНФОРМАЦИОННО-ТЕЛЕКОММУНИКАЦИОННОЙ СЕТИ «ИНТЕРНЕТ», НЕОБХОДИМЫХ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ.....</b>	<b>28</b>
<b>9. ПЕРЕЧЕНЬ ПРОГРАММНОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ .....</b>	<b>28</b>
<b>10. ОПИСАНИЕ МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЙ БАЗЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ.....</b>	<b>28</b>
<b>11. МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ СТУДЕНТАМ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ.....</b>	<b>29</b>
Виды и формы отработки пропущенных занятий .....	30
<b>12. МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ПРЕПОДАВАТЕЛЯМ ПО ОРГАНИЗАЦИИ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ.....</b>	<b>30</b>

**Аннотация**  
**рабочей программы учебной дисциплины Б1.О.10 «Исследование операций и методы оптимизации» для подготовки бакалавра по направлению  
09.03.03 Прикладная информатика направленностям «Программные решения для бизнеса»**

**Цель освоения дисциплины:** формирование у студентов компетенций, научного математического мышления, ознакомления с теоретическими основами применения методов исследования операций и практическое освоение математических методов, которые могут использоваться при анализе и решении социально-экономических задач.

**Место дисциплины в учебном плане:** дисциплина включена в обязательную часть дисциплин учебного плана (Б1.О.) по направлению подготовки 09.03.03 Прикладная информатика.

**Требования к результатам освоения дисциплины:** в результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции (индикаторы): ОПК-6 (ОПК-6.1, ОПК-6.2, ОПК-6.3), ПК-23 (МФ-3).1.

**Краткое содержание дисциплины:**

Математические методы и модели в экономике. Графический метод решения задач линейного программирования. Симплексный метод решения задач линейного программирования. Метод искусственного базиса. Основы теории двойственности. Транспортная задача. Задача о назначении. Целочисленное программирование. Дробно-линейное программирование. Динамическое программирование. Элементы теории игр. Линейная модель оптимизации размера и структуры посевных площадей.

**Общая трудоемкость дисциплины:** 4 зачетные единицы (144/4 часа/часа).

**Промежуточный контроль:** зачет с оценкой в 4 семестре.

## **1. Цель освоения дисциплины**

Целью освоения дисциплины «Исследование операций и методы оптимизации» формирование у студентов системы компетенций, научного математического мышления, ознакомление с теоретическими основами применения методов исследования операций и практическое освоение математических методов, которые могут использоваться при анализе и решении социально-экономических задач.

Задачи:

- сформировать представление о теоретических основах использования методов исследования операций, в т.ч. методов математического программирования;
- приобрести навыки математической формализации социально-экономических задач, решаемых с помощью методов исследования операций;
- изучить основные алгоритмы и методы решения задач исследования операций, а также технику работы с программными средствами, предназначенными для этих целей.

## **2. Место дисциплины в учебном процессе**

Дисциплина «Исследование операций и методы оптимизации» включена в обязательную часть учебного плана. Дисциплина «Исследование операций и методы оптимизации» реализуется в соответствии с требованиями ФГОС ВО, профессионального стандарта, ОПОП ВО и Учебного плана по направлению 09.03.03 Прикладная информатика.

Предшествующими курсами, на которых базируется дисциплина «Исследование операций и методы оптимизации», являются «Математический анализ», «Теория вероятностей», «Линейная алгебра», «Теоретические основы информатики», «Алгоритмизация и программирование».

Дисциплина «Исследование операций и методы оптимизации» является основополагающей для изучения следующих дисциплин: «Информационные системы и технологии», «Моделирование систем АПК», «Управление информационными системами в АПК», «Проектирование пользовательских интерфейсов ЭИС АПК», «Системы поддержки принятия решений в АПК».

Рабочая программа дисциплины «Исследование операций и методы оптимизации» для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья разрабатывается индивидуально с учетом особенностей психофизического развития, индивидуальных возможностей и состояния здоровья таких обучающихся.

## **3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы**

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся компетенций, представленных в таблице 1.

Таблица 1

**Требования к результатам освоения учебной дисциплины**

№ п/п	Код компе- тенции	Содержание компетенции (или её части)	Индикаторы дости- жения компетенций и его содержание	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны:		
				(Базовый уровень)	(Продвинутый уровень)	(Экспертный уровень)
1.	ОПК-6	Способен анализировать и разрабатывать организационно-технические и экономические процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования	ОПК-6.1  Знать: основы теории систем и системного анализа, дискретной математики, теории вероятностей и математической статистики, методов оптимизации и исследования операций, нечетких вычислений, математического и имитационного моделирования.	Основные математические свойства моделей и методов оптимизации, которые могут использоваться при анализе и решении различных социально-экономических задач		

№ п/п	Код компе- тенции	Содержание компетенции (или её части)	Индикаторы дости- жения компетенций и его содержание	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны:		
				(Базовый уровень)	(Продвинутый уровень)	(Экспертный уровень)
			ОПК-6.2 Уметь: применять ме- тоды теории систем и системного анализа, математического, ста- тистического и имита- ционного моделирова- ния для автоматизации задач принятия реше- ний, анализа информа- ционных потоков, рас- чета экономической эффективности и надежности информа- ционных систем и тех- нологий	-	Применять математиче- ский инструментарий и программные средства (MS Excel «Поиск реше- ния») для автоматизации задач принятия реше- ний, анализа информа- ционных потоков, рас- чета экономической эф- фективности и надежно- сти информационных систем и технологий	-
			ОПК-6.3 Владеть: навыками проведения инженер- ных расчетов основ- ных показателей ре- зультативности созда- ния и применения ин- формационных систем и технологий	-	-	Навыками применения математических мето- дов и моделей для установления причин- но-следственных свя- зей в проведении ин- женерных расчетов ос- новных показателей результативности со- зания и применения информационных си- стем и технологий

№ п/п	Код компе- тенции	Содержание компетенции (или её части)	Индикаторы дости- жения компетенций и его содержание	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны:		
				(Базовый уровень)	(Продвинутый уровень)	(Экспертный уровень)
2.	ПК-23 (MF-3)	Способен применять современные методы оптимизации для обучения моделей машинного обучения, настройки гиперпараметров и решения задач искусственного интеллекта.	MF 3.1. Применяет методы оптимизации для разработки и исследования обучающих алгоритмов.	Базовый Применяет типовые градиентные алгоритмы для решения типовых задач оптимизации и обучения, понимает основные теоретические аспекты градиентных алгоритмов, их классификацию и области применения.	-	-

## 4. Структура и содержание дисциплины

### 4.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ по семестрам

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 4 зач. единицы (144 часа), их распределение по видам работ и семестрам представлено в табл. 2.

Таблица 2

#### Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ по семестрам

Вид учебной работы	Трудоёмкость		
	час./*	в т.ч. по се- местрам	№ 4
<b>Общая трудоёмкость</b> дисциплины по учебному плану	<b>144/4</b>	<b>144/4</b>	
<b>1. Контактная работа:</b>	<b>82,35/4</b>	<b>82,35/4</b>	
<b>Аудиторная работа</b>	<b>82,35/4</b>	<b>82,35/4</b>	
<i>в том числе:</i>			
лекции (Л)	34	34	
практические занятия (ПЗ)	48/4	48/4	
контактная работа на промежуточном контроле (КРА)	0,35	0,35	
<b>2. Самостоятельная работа (СРС)</b>	<b>61,65</b>	<b>61,65</b>	
<i>самостоятельное изучение разделов, самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и ма- териала учебников и учебных пособий, подготовка к практическим занятиям, тестированию и т.д.)</i>	52,65	52,65	
Подготовка к зачету с оценкой	9	9	
Вид промежуточного контроля:			зачет с оценкой

\* в том числе практическая подготовка

### 4.2 Содержание дисциплины

Таблица 3

#### Тематический план учебной дисциплины

Наименование разделов и тем дисциплин (укрупнено)	Всего	Аудиторная работа			Внеаудиторная работа СР
		Л	ПЗ/*	ПКР	
Раздел 1 «Введение. Экономико-математические методы и модели»	21	2	4	-	15
Раздел 2 «Оптимизационные методы и модели в экономике»	100/2	30	40/2	-	30
Раздел 3 «Математические методы и модели принятия решений в условиях неопределенности»	22,65/2	2	4/2	-	16,65
Контактная работа на промежуточном контроле (КРА)	0,35	-	-	0,35	-
<b>Всего за 4 семестр</b>	<b>144/4</b>	<b>34</b>	<b>48/4</b>	<b>0,35</b>	<b>61,65</b>
<b>Итого по дисциплине</b>	<b>144/4</b>	<b>34</b>	<b>48/4</b>	<b>0,35</b>	<b>61,65</b>

\* в том числе практическая подготовка

## **Раздел 1. Введение. Экономико-математические методы и модели**

### **Тема 1. Математические методы и модели в экономике**

Предмет и задачи курса. Значение и объективная обусловленность использования методов исследования операций в экономике. Понятие математического моделирования и модели. Классификация экономико-математических моделей и задач математического программирования, их краткая характеристика. История развития методов математического программирования. Примеры планово-экономических задач, при решении которых могут использоваться математические методы.

Предмет линейного программирования. Запись задачи линейного программирования в общем виде. Параметры математической модели линейного программирования. Критерий выбора решения и целевая функция. Допустимое множество. Понятие о формах записи задачи линейного программирования (исходная, каноническая) и правила перехода от одной формы к другой. Понятие базисной и свободной переменной, базисного и опорного решений.

## **Раздел 2. Оптимизационные методы и модели в экономике**

### **Тема 2. Графический метод решения задач линейного программирования**

Геометрический смысл неравенства  $a_{i1}x_1 + a_{i2}x_2 \leq a_{i0}$ . Область допустимых решений. Линия уровня. Вектор-градиент. Оптимальное решение. Возможные варианты графического решения для двух переменных. Соответствие понятий геометрической интерпретации при  $n=2, 3$  и  $n>3$ .

### **Тема 3. Симплексный метод решения задач линейного программирования. Метод искусственного базиса**

Симплексный метод как реализация принципа последовательного улучшения опорного решения. Алгоритм симплексного метода для решения стандартной задачи в полных таблицах. Особенности решения задачи линейного программирования в полных таблицах (признак неограниченности линейного функционала, несовместности системы ограничений, оптимального решения, единственности и альтернативности оптимального плана, вырожденного решения) и на минимум целевой функции.

Понятие об искусственном базисе. М-задача. Теоремы о соотношении решения исходной и М-задачи. Признаки неразрешимости исходной задачи. Алгоритм симплекс-метода для решения задач линейного программирования с искусственным базисом.

## **Тема 4. Основы теории двойственности**

Понятие о двойственной задаче, правила ее записи. Экономический смысл прямой и двойственной задачи. Свойства двойственных задач (теоремы двойственности). Запись оптимального решения прямой и двойственной задач. Двойственные (объективно обусловленные) оценки, их экономический смысл и основные свойства. Использование двойственных оценок и коэффициентов последней симплексной таблицы в анализе оптимального решения.

## **Тема 5. Транспортная задача**

Постановка, особенности и математическая запись транспортной задачи. Примеры планово-экономических задач, сводящихся к транспортной. Таблица для записи условий транспортной задачи и ее решения.

Закрытая и открытая модели транспортной задачи. Теорема о разрешимости транспортной задачи. Способы сведения открытой модели транспортной задачи к закрытой.

Методы получения исходного опорного решения. Метод потенциалов. Формулы подсчета потенциалов строк и столбцов и оценок свободных клеток. Признак оптимальности решения. Улучшение опорного решения.

## **Тема 6. Задача о назначении**

Постановка и математическая запись задачи. Венгерский алгоритм решения задачи (решение на максимум и минимум). Примеры задач.

## **Тема 7. Целочисленное программирование**

Примеры задач линейного программирования, учитывающих условия целочисленности переменных. Постановка и математическая запись целочисленной задачи. Метод Гомори. Алгоритм решения задач в симплексных таблицах.

## **Тема 8. Дробно-линейное программирование**

Задачи дробно-линейного программирования с однородной и неоднородной целевой функцией. Применение дробно-линейного программирования в планово-экономических расчетах. Сведение задач дробно-линейного программирования к задаче линейного программирования.

## **Тема 9. Динамическое программирование**

Понятие о динамической задаче. Примеры экономических задач, представленных в терминах динамического программирования. Описание динамического процесса управления. Особенности многошаговых задач, решаемых методом динамического программирования. Принцип оптимальности Р.Беллмана. Решение задач динамического программирования.

## **Тема 10. Линейная модель оптимизации размера и структуры посевных площадей**

Постановка задачи. Подготовка исходной информации. Система переменных. Система ограничений. Анализ оптимального решения.

## **Раздел 3. Математические методы и модели принятия решений в условиях неопределенности**

### **Тема 12. Элементы теории игр**

Теория игр – математическая теория конфликтных ситуаций. Основные понятия теории игр. Классификация игр. Запись матричной игры в виде платежной матрицы. Понятие о нижней и верхней цене игры, седловой точке. Решение игр в чистых и смешанных стратегиях. Сведение матричной игры к задаче линейного программирования. Игры с природой. Критерии выбора оптимальной чистой стратегии: критерии Вальда, Сэвиджа, Гурвица, Лапласа.

### **4.3 Лекции/практические занятия**

Таблица 4

#### **Содержание лекций/ практических занятий и контрольные мероприятия**

№ п/п	№ раздела	№ и название лекций/ практических занятий	Формируемые компетенции (индикаторы)	Вид контрольного мероприятия	Кол-во часов
1.	<b>Раздел 1. Введение. Экономико-математические методы и модели</b>				<b>6</b>
	Тема 1. Математические методы и модели в экономике	Лекция № 1. Математические методы и модели в экономике	ОПК-6.1 ОПК-6.2 ОПК-6.3 ПК-23 (МФ-3).1	-	2
2.	<b>Раздел 2. Оптимизационные методы и модели в экономике</b>		Практическое занятие № 1. Формы записи задач линейного программирования	ОПК-6.1 ОПК-6.2 ОПК-6.3 ПК-23 (МФ-3).1	4
	Тема 2. Графический метод решения задач	Лекция № 2. Графический метод решения задач линейного программирования	ОПК-6.1 ОПК-	-	2

<b>№ п/п</b>	<b>№ раздела</b>	<b>№ и название лекций/ практических занятий</b>	<b>Форми- руемые компе- тенции (индикаторы)</b>	<b>Вид контрольного мероприятия</b>	<b>Кол- во часов</b>
	линейного про- граммирования		6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1		
		Практическое занятие № 2. Решение задач линейного про- граммирования с двумя пере- менными графическим спосо- бом	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	защита практи- ческой работы	4
	Тема 3. Сим- плексный метод решения задач линейного про- граммирования. Метод искус- ственного базиса	Лекция 3. Симплексный метод решения задач линейного про- граммирования. Метод искус- ственного базиса	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	-	4
		Практическое занятие № 3. Решение задач в полных сим- плексных таблицах	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	защита практи- ческой работы	2
		Практическое занятие № 4. Решение задач методом ис- кусственного базиса	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	защита практи- ческой работы	2
		Практическое занятие № 5. Решение задач линейного про- граммирования в приложении MS Excel «Поиск решения»	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3	защита практи- ческой работы	2

№ п/п	№ раздела	№ и название лекций/ практических занятий	Форми- руемые компе- тенции (индикаторы)	Вид контрольного мероприятия	Кол- во часов
			ПК-23 (MF-3).1		
	Тема 4. Основы теории двойственности	Лекция № 4. Основы теории двойственности	ОПК-6.1 ОПК-6.2 ОПК-6.3 ПК-23 (MF-3).1	-	2
		Практическое занятие № 6. Запись двойственной задачи и ее решение. Анализ оптимального решения с помощью двойственных оценок ограничений	ОПК-6.1 ОПК-6.2 ОПК-6.3 ПК-23 (MF-3).1	защита практической работы	4
	Тема 5. Транспортная задача	Лекция № 5. Транспортная задача	ОПК-6.1 ОПК-6.2 ОПК-6.3 ПК-23 (MF-3).1	-	4
		Практическое занятие № 7. Решение транспортной задачи методом потенциалов и на ПК	ОПК-6.1 ОПК-6.2 ОПК-6.3 ПК-23 (MF-3).1	защита практической работы	4/2
	Тема 6. Задача о назначении	Лекция № 6. Задача о назначении	ОПК-6.1 ОПК-6.2 ОПК-6.3 ПК-23 (MF-3).1	-	2

№ п/п	№ раздела	№ и название лекций/ практических занятий	Форми- руемые компе- тенции (инди- каторы)	Вид контрольного мероприятия	Кол- во часов
		Практическое занятие № 8. Решение задач о назначении венгерским алгоритмом и на ПК	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	защита практи- ческой работы	2
	Тема 7. Цело- численное про- граммирование	Лекция № 7. Целочисленное программирование	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	-	4
		Практическое занятие № 9. Решение задач целочисленно- го программирования методом Гомори	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	защита практи- ческой работы	4
	Тема 8. Дробно- линейное про- граммирование	Лекция № 8. Дробно-линейное программирование	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	-	4
		Практическое занятие № 10. Решение задач дробно- линейного программирования	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	защита практи- ческой работы	4
	Тема 9. Динами- ческое програм- мирование	Лекция № 9. Динамическое программирование	ОПК- 6.1 ОПК-	-	4

№ п/п	№ раздела	№ и название лекций/ практических занятий	Форми- руемые компе- тенции (индикаторы)	Вид контрольного мероприятия	Кол- во часов
			6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1		
		Практическое занятие № 11. Решение задач динамического программирования	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	защита практи- ческой работы	4
		Практическое занятие № 12. Решение задач по распределению инвестиций между пред- приятиями	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	защита практи- ческой работы	2
	Тема 10. Линей- ная модель оп- тимизации структурь и размера посев- ных площадей	Лекция № 10. Линейная мо- дель оптимизации структуры и размера посевных площадей	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	-	4
		Практическое занятие № 13. Разработка и решение линей- ной модели оптимизации раз- мера и структуры посевных площадей	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	защита практи- ческой работы	6
3.	<b>Раздел 3. Математические методы и модели принятия решений в условиях неопределенности</b>				6/2
	Тема 11. Эле- менты теории игр	Лекция № 11. Элементы тео- рии игр	ОПК- 6.1 ОПК-	-	2

№ п/п	№ раздела	№ и название лекций/ практических занятий	Форми- руемые компе- тенции (инди- каторы)	Вид контрольного мероприятия	Кол- во часов
			6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1		
		Практическое занятие № 14. Решение матричной игры в чистых и смешанных страте- гиях	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	защита практи- ческой работы	2
		Практическое занятие № 15. Решение задач в условиях не- определенности (игры с «при- родой»)	ОПК- 6.1 ОПК- 6.2 ОПК- 6.3 ПК-23 (MF- 3).1	защита практи- ческой работы	2/2

Таблица 5

**Перечень вопросов для самостоятельного изучения дисциплины**

№ п/п	№ раздела и темы	Перечень рассматриваемых вопросов для самостоятельного изучения
<b>Раздел 1. Введение. Экономико-математические методы и модели</b>		
1.	Тема 1. Математиче- ские методы и моде- ли в экономике	История развития методов математического программирования. Примеры планово-экономических задач, при решении которых могут использоваться методы и модели исследования операций. ОПК-6.1, ОПК-6.2, ОПК-6.3, ПК-23 (MF-3).1
<b>Раздел 2. Оптимизационные методы и модели в экономике</b>		
2.	Тема 2. Графический метод решения задач линейного програм- мирования	Графический метод решения задач линейного программирова- ния с двумя перемен. ОПК-6.1, ОПК-6.2, ОПК-6.3, ПК-23 (MF- 3).1
3.	Тема 4. Основы тео- рии двойственности	Свойства двойственных задач (теоремы двойственности). ОПК- 6.1, ОПК-6.2, ОПК-6.3, ПК-23 (MF-3).1
4.	Тема 5. Транспорт- ная задача	Видоизменения транспортной задачи (блокировка перевозок, ограничение пропускной способности, совместный учет произ- водственных и транспортных затрат). ОПК-6.1, ОПК-6.2, ОПК- 6.3, ПК-23 (MF-3).1
<b>Раздел 3. Математические методы и модели принятия решений в условиях неопре- деленности</b>		

№ п/п	№ раздела и темы	Перечень рассматриваемых вопросов для самостоятельного изучения
5.	Тема 11. Элементы теории игр	Сведение матричной игры к задаче линейного программирования. Игры с природой. ОПК-6.1, ОПК-6.2, ОПК-6.3, ПК-23 (МФ-3).1

## 5. Образовательные технологии

Таблица 6

### Применение активных и интерактивных образовательных технологий

№ п/п	Тема и форма занятия	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий	
1.	Математические методы и модели в экономике	Л	Лекция – беседа с мультимедийной презентацией
2.	Основы теории двойственности	Л	Лекция – беседа с мультимедийной презентацией
3.	Симплексный метод решения задач линейного программирования	ПЗ	Организационная методика: метод «эстафета»
4.	Транспортная задача	ПЗ	Организационная методика: метод «эстафета»
5.	Решение транспортных задач методом потенциалов и на ПК	ПЗ	Работа в малых группах
6.	Решение задач дробно-линейного программирования	ПЗ	Работа в малых группах

## 6. Текущий контроль успеваемости и промежуточная аттестация по итогам освоения дисциплины

### 6.1. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений и навыков и (или) опыта деятельности

#### 1) Задания практических работ

*Практическая работа № 1. Формы записи задач линейного программирования*  
Задание. Математически формализовать условие задачи, перейти от исходной формы к канонической, записать экономический смысл дополнительных переменных.

#### Задача 1

Организация располагает следующими ресурсами: пашня – 1300 га, минеральные удобрения – 1100 ц д.в., трудовые ресурсы – 42000 чел.-ч. Выращиваются озимая пшеница, рожь и гречиха, информация по которым представлена в табл. 2.

Таблица 2

### Урожайность, затраты ресурсов и цены реализации продукции

Наименование показателей	Название культур		
	озимая пшеница	ржь	гречиха
Урожайность, ц/га	27,0	23,0	15,0

Затраты труда, чел.-ч/га	32,2	28,5	35,0
Затраты удобрений, ц д.в./га	0,8	0,6	1,0
Себестоимость, ден.ед./ц	6,0	7,0	12,0
Цена реализации, ден.ед./ц	11,6	10,2	23,0

Найти оптимальные площади посевов культур, обеспечивающие максимум прибыли.

### Задача 2

Организация располагает следующими ресурсами: пашня – 1000 га, трудовые ресурсы – 90000 чел.-ч. Выращиваются озимая пшеница, рожь и картофель, информация по которым представлена в табл. 3.

Таблица 3

#### Урожайность, затраты ресурсов и цены реализации продукции

Наименование показателей	Название культур		
	озимая пшеница	ржь	картофель
Урожайность, ц/га	30,0	23,0	150,0
Затраты труда, чел.-ч/га	32,2	28,5	200,0
Себестоимость, ден.ед./ц	6,0	6,5	5,0
Цена реализации, ден.ед./ц	8,6	8,0	7,5

Объем производства зерна должен составлять не менее 1500 т.

Найти оптимальные площади посевов культур, обеспечивающие максимум прибыли.

### Задача 3

Организация располагает следующими ресурсами: пашня – 1200 га, трудовые ресурсы – 100000 чел.-ч. Выращиваются озимая пшеница, рожь и картофель, информация по которым представлена в табл. 4.

Таблица 4

#### Урожайность, затраты ресурсов и цены реализации продукции

Наименование показателей	Название культур		
	озимая пшеница	ржь	картофель
Урожайность, ц/га	25,0	20,0	180,0
Затраты труда, чел.-ч/га	30,2	26,5	220,0
Себестоимость, ден.ед./ц	7,0	8,0	5,5
Цена реализации, ден.ед./ц	8,6	8,7	7,5

Объем производства зерна должен составлять не менее 20000 ц. Удельный вес посевов ржи в общей площади зерновых культур не менее 20%.

Найти оптимальные площади посевов культур, обеспечивающие максимум прибыли.

*Практическая работа № 2. Решение задач линейного программирования с двумя переменными графическим методом*

Задание. Решить графическим методом задачи линейного программирования на максимальное и минимальное значения целевой функции.

<p><b>1.</b></p> $\begin{cases} Z = x_1 - 2x_2 \\ -x_1 + x_2 \leq 1 \\ x_1 - x_2 \leq 2 \\ x_1 + 2x_2 \leq 1 \\ x_1 \geq 0; x_2 \geq 0 \end{cases}$	<p><b>2.</b></p> $\begin{cases} Z = -x_1 + x_2 \\ 2x_1 - x_2 \leq 6 \\ 3x_1 + x_2 \leq 3 \\ x_1 + 4x_2 \leq 8 \\ x_1 \geq 1 \\ x_2 \geq 0 \end{cases}$
<p><b>3.</b></p> $\begin{cases} Z = 4x_1 + x_2 \\ 3x_1 + 5x_2 \leq 15 \\ 4x_1 + 4x_2 \leq 16 \\ 2x_1 + x_2 \leq 6 \\ x_1 \geq 0; x_2 \geq 0 \end{cases}$	<p><b>4.</b></p> $\begin{cases} Z = 2x_1 + x_2 \\ 3x_1 - 2x_2 \leq 6 \\ x_2 \leq 6 \\ 2x_1 + 2x_2 \leq 8 \\ x_1 \geq 0; x_2 \geq 0 \end{cases}$

*Практическая работа № 3. Решение задач в полных симплексных таблицах*

Задание. Решить задачу симплексным методом в полных таблицах, сделать выводы и выписать оптимальное решение из последней симплексной таблицы.

Организация для производства двух видов продукции использует два вида производственных ресурсов: А, В.

Вид ресурса	Расход ресурсов на единицу вида продукции, ед.*		Всего ресурсов, ед.
	1	2	
A	a <sub>11</sub>	a <sub>12</sub>	a <sub>10</sub>
B	a <sub>21</sub>	a <sub>22</sub>	a <sub>20</sub>
Стоимость единицы вида продукции, ден.ед.	C <sub>1</sub>	C <sub>2</sub>	-

\*) Если коэффициент при какой-либо переменной отрицательный, то предполагается, что соответствующий ресурс в данном процессе производится, а не расходуется.

Ресурсы могут быть недоиспользованы. Найти такое соотношение производства этих видов продукции, которое обеспечит максимальный объем производства продукции в стоимостном выражении.

Вариант	a <sub>11</sub>	a <sub>12</sub>	a <sub>10</sub>	a <sub>21</sub>	a <sub>22</sub>	a <sub>20</sub>	C <sub>1</sub>	C <sub>2</sub>	C <sub>0</sub>
1	1	2	3	1	1	1	1	2	4
2	2	4	8	2	2	4	2	1	3
3	-1	1	2	1	2	10	1	3	5

*Практическая работа № 4. Решение задач методом искусственного базиса*

Задание. Решить задачу методом искусственного базиса.

$$Z = C_1 * X_1 + C_2 * X_2 + C_0$$

$$a_{i1} * X_1 + a_{i2} * X_2 (\geq, \leq) a_{i0}, \quad i=1 \dots m$$

$$X_1 \geq 0, \quad X_2 \geq 0$$

№ варианта	X <sub>1</sub>	X <sub>2</sub>	Тип ограничения			№ варианта	X <sub>1</sub>	X <sub>2</sub>	Тип ограничения	
	a <sub>i1</sub>	a <sub>i2</sub>	$\geq, \leq$	a <sub>i0</sub>			a <sub>i1</sub>	a <sub>i2</sub>	$\geq, \leq$	a <sub>i0</sub>
<b>1</b>						<b>2</b>				
maxZ	-1	-2		-3		minZ	1	2		5

№ варианта	X <sub>1</sub>	X <sub>2</sub>	Тип ограничения			№ варианта	X <sub>1</sub>	X <sub>2</sub>	Тип ограничения	
	a <sub>i1</sub>	a <sub>i2</sub>	$\geq, \leq$	a <sub>i0</sub>			a <sub>i1</sub>	a <sub>i2</sub>	$\geq, \leq$	a <sub>i0</sub>
1	1	1	$\geq$	4			-1	1	$\geq$	4
2	1	1	$\geq$	2			2	-1	$\geq$	2
1	2	1	$\geq$	2			-1	2	$\geq$	2
<b>3</b>						<b>4</b>				
maxZ	-1	-2		4		minZ	1	1		6
	1	1	$\leq$	7			1	1	$\leq$	7
	2	1	$\geq$	2			-2	1	$\geq$	2
	1	2	$\geq$	2			1	-2	$\geq$	2

*Практическая работа № 5. Решение задач линейного программирования в приложении MS Excel «Поиск решения»*

Задание. Решить задачи из практической работы № 3 в приложении MS Excel «Поиск решения».

*Практическая работа № 6. Запись двойственной задачи и ее решение. Анализ оптимального решения с помощью двойственных оценок ограничений*

Задание. Записать двойственную задачу к задаче из практической работы № 2. Решить задачу симплексным методом. Проанализировать оптимальное решение с помощью двойственных оценок ограничений.

*Практическая работа № 7. Решение транспортных задач методом потенциалов и на ПК*

Задание. Решить транспортную задачу методом потенциалов и на ПК.

**Задача.** В состав зернового севооборота входят следующие культуры: пшеница, ячмень, овес. Поле зерновых состоит из участков. Известна урожайность культур на каждом участке.

Составить оптимальный план посева зерновых культур так, чтобы обеспечить максимум валового сбора зерна.

**Варианты заданий**

Номер варианта	Планируемые площади	Номера участков	Номер варианта	Планируемые площади	Номера участков
1	а	3,4,5	16	п	1,2,3
2	б	1,3,5	17	е	1,3,4
3	в	1,3,4,5	18	в	2,4,5,7

*Практическая работа № 8. Решение задач о назначении венгерским алгоритмом и на ПК*

Задание. Решить задачу о назначении венгерским алгоритмом и на ПК.

**Задача.** Сельскохозяйственное предприятие специализируется на выращивании пяти культур, каждая из которых может возделываться на одном из пяти полей. Известна урожайность культур на каждом поле, представленная матрицей.

Распределить культуры по полям так, чтобы валовой сбор был максимальным.

## Варианты

1.

$$\begin{pmatrix} 8 & 11 & 15 & 13 & 14 \\ 12 & 12 & 10 & 9 & 8 \\ 10 & 9 & 9 & 7 & 8 \\ 12 & 13 & 9 & 10 & 8 \\ 10 & 11 & 10 & 11 & 9 \end{pmatrix}$$

2.

$$\begin{pmatrix} 19 & 20 & 19 & 20 & 18 \\ 21 & 21 & 19 & 18 & 17 \\ 21 & 22 & 18 & 19 & 17 \\ 17 & 20 & 24 & 22 & 23 \\ 19 & 18 & 18 & 16 & 17 \end{pmatrix}$$

3.

$$\begin{pmatrix} 13 & 16 & 10 & 17 & 2 \\ 3 & 9 & 7 & 5 & 6 \\ 7 & 3 & 15 & 18 & 8 \\ 4 & 8 & 6 & 5 & 17 \\ 11 & 11 & 8 & 17 & 8 \end{pmatrix}$$

4.

$$\begin{pmatrix} 14 & 13 & 12 & 10 & 17 \\ 10 & 3 & 12 & 7 & 5 \\ 10 & 7 & 9 & 15 & 18 \\ 9 & 4 & 6 & 6 & 5 \\ 3 & 11 & 10 & 8 & 17 \end{pmatrix}$$

*Практическая работа № 9. Решение задач целочисленного программирования методом Гомори*

Задание.

1. Найти оптимальное решение задачи симплексным методом без условий целочисленности. Проверить: является ли найденное решение целочисленным и если нет, то найти целочисленное решение методом Гомори.
2. Решить задачу в приложении MS Excel «Поиск решения».
3. Сравнить результаты решения.

1.  $\max Z = x_1 + 2x_2$

$$\begin{aligned} 1,5x_1 + 2x_2 &\leq 3 \\ 2x_1 + x_2 &\leq 3 \\ x_1 + x_2 &\leq 4 \\ x_1 \geq 0; x_2 \geq 0 & \\ x_1, x_2 - \text{целые} & \end{aligned}$$

2.  $\max Z = x_1 + x_2$

$$\begin{aligned} 1,5x_1 + 2x_2 &\leq 3 \\ 2x_1 + x_2 &\leq 3 \\ x_1 + 1,5x_2 &\leq 4 \\ x_1 \geq 0; x_2 \geq 0 & \\ x_1, x_2 - \text{целые} & \end{aligned}$$

3.  $\max Z = 2x_1 + 3x_2$

$$\begin{aligned} x_1 + 2x_2 &\leq 3 \\ -x_1 + 2x_2 &\leq 2 \\ x_1 - x_2 &\leq 1 \\ x_1 \geq 0; x_2 \geq 0 & \\ x_1, x_2 - \text{целые} & \end{aligned}$$

*Практическая работа № 10. Решение задач дробно-линейного программирования*

Задание. Решить задачу графическим методом на максимум и минимум целевой функции.

1.

$$Z = \frac{x_1 - x_2}{x_1 + x_2}$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 \leq 2 \\ x_1 + x_2 \geq 1 \\ -0,5x_1 + x_2 \geq 0,5 \\ -2x_1 - x_2 \leq -1 \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0 \end{cases}$$

2.

$$Z = \frac{x_1 + 1}{x_2 + 1}$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 \leq 4 \\ x_1 + x_2 \geq 2 \\ x_1 - 3x_2 \leq 12 \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0 \end{cases}$$

<p>3.</p> $Z = \frac{3x_1 + 3,5x_2}{x_1 + x_2}$ $\begin{cases} 4x_1 + 1,5x_2 \leq 15 \\ 2x_1 + 2x_2 \leq 18 \\ x_1 + x_2 \geq 6 \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0 \end{cases}$	<p>4.</p> $Z = \frac{x_1 - x_2}{x_1 + x_2}$ $\begin{cases} 4x_1 + 2x_2 \leq 8 \\ x_1 + x_2 \geq 1 \\ x_2 \leq 3 \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0 \end{cases}$
--	--

*Практическая работа № 11. Решение задач динамического программирования*  
Задание. Решить задачу динамического программирования.

Маршруты перевозки груза представлены на рисунке 1. Найти оптимальный маршрут, обеспечивающий минимальное расстояние от начального до конечного пункта. Расстояния между населенными пунктами даны в таблице по вариантам.

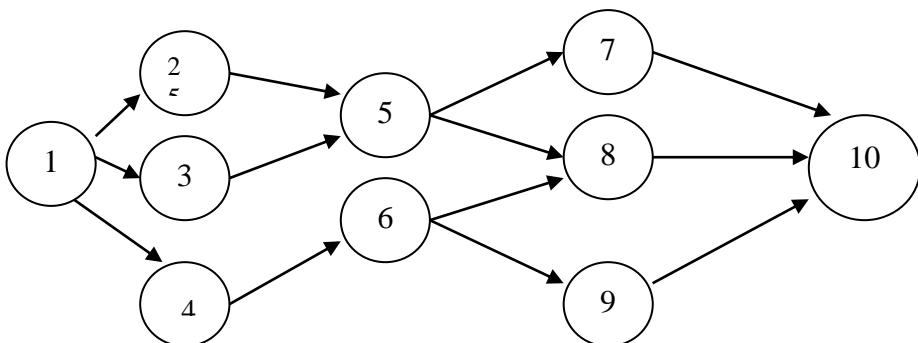


Рис. Схема маршрутов транспортировки грузов

Таблица

Расстояния между населенными пунктами

Расстояние между пунктами	Номер варианта											
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
1-2	2	7	3	10	8	5	20	14	8	16	21	10
1-3	4	4	5	6	5	9	14	10	10	12	15	20

*Практическая работа № 12. Решение задач по распределению инвестиций между предприятиями*

Задание. Найти оптимальное распределение 5 тыс. ден. ед. между 4 предприятиями, чтобы получить максимальную прибыль. Прибыль, полученная от каждого предприятия, является функцией от вложенных в него средств  $X$  ( $f(x)$ ) и задана в таблице «Прибыль предприятий от вложенных средств». Вложения кратны 1 тыс. ден. ед. Номера предприятий взять по вариантам.

Прибыль предприятий от вложенных средств, тыс. ден. ед.

	Номера предприятий									
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	2,4	3	2,5	4,8	3,5	2,1	2,0	2,2	3,2	1,8
2	2,8	3,2	2,8	5,0	3,8	2,5	2,1	2,4	3,7	2,4
3	3,1	3,5	3,4	5,2	4,0	2,9	2,3	2,9	4,0	2,7
4	3,6	3,7	4,0	5,5	4,3	3,2	3,3	3,5	4,5	3,3
5	4,0	3,9	4,2	5,9	4,8	3,6	4,0	4,2	5,1	4,0

Варианты заданий

Номер варианта	Номера предприятий	Номер варианта	Номера предприятий	Номер варианта	Номера предприятий
1	1, 2, 3, 4	6	6, 7, 8, 9	11	2, 4, 6, 9
2	2, 3, 4, 5	7	7, 8, 9, 10	12	1, 3, 6, 7
3	3, 4, 5, 6	8	1, 8, 9, 10	13	1, 7, 8, 10

*Практическая работа № 13. Разработка и решение линейной модели оптимизации размера и структуры посевных площадей*

Задание. Разработать экономико-математическую модель оптимизации размеров и структуры посевных площадей на заданный объем производства животноводческой продукции (поголовье животных не изменяется). Решить составленную экономико-математическую модель по двум критериям: минимум посевных площадей сельскохозяйственных культур, минимум материально-денежных затрат. Проанализировать полученные решения, сравнивая результаты.

*Практическая работа № 14. Решение матричной игры в чистых и смешанных стратегиях*

Задание. Определить нижнюю и верхнюю цены игры. Найти оптимальные стратегии, если существует седловая точка. Если нет решения в чистых стратегиях, то привести матричную игру к задаче линейного программирования и найти решение игры в смешанных стратегиях.

1.

$$\begin{pmatrix} 4 & 5 & 3 \\ 6 & 7 & 4 \\ 5 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} 4 & 2 & 3 \\ 1 & -1 & -2 \\ 0 & 3 & 5 \end{pmatrix}$$

2.

$$\begin{pmatrix} 4 & 8 & 5 \\ 7 & 7 & 6 \\ 6 & 9 & 3 \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & 4 \\ 3 & 7 & 5 \end{pmatrix}$$

3.

$$\begin{pmatrix} 0,5 & 0,6 & 0,4 \\ 0,9 & 0,7 & 0,5 \\ 0,6 & 0,6 & 0,3 \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} 2 & 6 & 4 & 2 \\ 7 & 2 & 3 & 1 \\ 5 & 3 & 7 & 5 \end{pmatrix}$$

4.

$$\begin{pmatrix} 4 & 5 & 4 \\ 6 & 8 & 5 \\ 5 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} 3 & 14 & 7 \\ 8 & 9 & 6 \\ 5 & 8 & 9 \end{pmatrix}$$

*Практическая работа № 15. Решение задач в условиях неопределенности (игры с «природой»)*

Задание. В приближении посевного сезона фермер Петров имеет четыре альтернативы:  $A_1$  - выращивать кукурузу,  $A_2$  - выращивать пшеницу,  $A_3$  - выращивать овощи,  $A_4$  - использовать землю под пастбища. Платежи, связанные с указанными возможностями, зависят от количества осадков, которые условно можно разделить на четыре категории:  $B_1$  - сильные осадки,  $B_2$  - умеренные

осадки,  $B_3$  - незначительные осадки,  $B_4$  - засушливый сезон. Построить платежную матрицу в ден. ед. используя таблицы 6.3 и 6.4, определить, как следует распределить сельскохозяйственные угодья, чтобы фермер получил наибольший выигрыш.

Требуется сделать выбор действия по критериям Вальда, Сэвиджа, Гурвица при  $\alpha = 0.5$ , Лапласа.

### **Доходы (убытки) фермера от использования сельскохозяйственных угодий**

Культуры	Осадки			
	Сильные	Умеренные	Незначительные	Засуха
1.	-10	80	40	3
2.	40	90	35	-10
3.	25	110	55	2
4.	20	25	45	-7
5.	-12	70	65	-25
6.	30	80	65	2
7.	30	140	50	0
8.	-18	25	45	-10
9.	45	75	50	0
10.	16	125	88	3

### **Варианты заданий**

№ варианта	№ культур	№ варианта	№ культур
1	1, 2, 3, 4	12	2, 4, 6, 8
2	2, 3, 8, 4	13	1, 3, 6, 8
3	3, 5, 7, 4	14	1, 8, 7, 10

### **2) Перечень вопросов, выносимых на зачет с оценкой**

1. Применение математических методов в экономике. Примеры экономических задач, при решении которых могут использоваться математические методы.
2. Постановка общей задачи линейного программирования. Математическая запись задачи.
3. История развития методов математического программирования.
4. Основные понятия и обозначения в линейном программировании.
5. Классификация экономико-математических моделей и задач математического программирования.
6. Переход от исходной задачи линейного программирования к канонической. Экономический смысл дополнительных переменных.
7. Графическое решение задачи линейного программирования с двумя переменными.
8. Возможные варианты графического решения.
9. Определение  $n$ -мерного пространства.
10. Фундаментальная теорема линейного программирования для ограниченной области допустимых решений.
11. Алгоритм симплексного метода в полных таблицах.

12. Определение различных вариантов решения задачи в симплексном методе (неограниченность целевой функции, единственное, альтернативное и вырожденное решения, несовместность системы ограничений). Особенности решения задач линейного программирования на минимум целевой функции.
13. Метод искусственного базиса.
14. Теоремы М-метода. Определение решения основной задачи по решению М-задачи.
15. Постановка и правила записи двойственной задачи.
16. Экономический смысл двойственной задачи и двойственных оценок.
17. Свойства двойственных задач (теоремы двойственности).
18. Запись оптимального решения прямой и двойственной задач.
19. Постановка и математическая запись транспортной задачи.
20. Методы получения исходного опорного решения в транспортной задаче.
21. Метод потенциалов при решении транспортной задачи.
22. Решение транспортной задачи на максимум целевой функции.
23. Задача о «назначении». Венгерский метод решения задач на минимум.
24. Задача о «назначении». Венгерский метод решения задач на максимум.
25. Задача целочисленного программирования и ее решение.
26. Алгоритм метода Гомори для решения задач целочисленного программирования.
27. Описание динамического процесса управления. Примеры экономических задач, представленных в терминах динамического программирования.
28. Особенности многошаговых задач, решаемых методом динамического программирования. Принцип оптимальности Р. Беллмана.
29. Схема решения задачи о распределении средств методом динамического программирования.
30. Постановка задачи дробно-линейного программирования.
31. Понятия теории игр, классификация игр.
32. Решение матричной игры в чистых стратегиях.
33. Решение матричной игры в смешанных стратегиях.
34. Игры с «природой». Критерии, которые могут использоваться для определения оптимальной стратегии в играх с «природой».

## **6.2. Описание показателей и критериев контроля успеваемости, описание шкал оценивания**

Для оценки знаний, умений, навыков и формирования компетенций по дисциплине применяется балльно-рейтинговая система контроля и оценки успеваемости студентов.

В основу балльно-рейтинговой системы (БРС) положены принципы, в соответствии с которыми формирование рейтинга студента осуществляется в ходе текущего и промежуточного контроля знаний обучающихся.

Таблица 7

### **Система рейтинговой оценки успеваемости**

Баллы	Балльная оценка текущей успеваемости			
За практическую	2	3	4	5

Баллы		Балльная оценка текущей успеваемости		
работу				
За зачет с оценкой	10	15	20	25
Оценка	Неудовле- творительно	Удовлетво- рительно	Хорошо	Отлично

Студенты, получившие за контрольное мероприятие оценку «неудовлетворительно», обязаны пройти его повторно и получить минимальное количество баллов (три балла). Такой подход стимулирует студентов сразу хорошо подготовиться к контрольному мероприятию.

Таблица 8

#### Итоговая сумма баллов

Виды контроля	Количество видов контроля	Количество баллов за единицу	Количество баллов
Защита практической работы	15	5	75
Зачет с оценкой	1	25	25
Всего	-	-	100

Таблица 9

#### Балльно-рейтинговая система контроля успеваемости

Шкала оценивания	Зачет с оценкой
85-100	Отлично
70-84	Хорошо
60-69	Удовлетворительно
0-59	Неудовлетворительно

### 7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

#### 7.1 Основная литература

1. Бабкина, А.В. Математические методы в экономике: задачник с ответами. Автоматизация расчетов: уч.-метод. пособие / А.В. Бабкина, Г.Н. Светлова, Е.А. Ермакова. – М.: ФГБНУ «Росинформагротех», 2017. – 112 с.

2. Светлова, Г.Н. Экономико-математические методы и модели. Учебно-методическое пособие. / Г.Н. Светлова, Е.А. Ермакова. -М.: Изд-во РГАУ – МСХА, 2016. – 110 с.

#### 7.2 Дополнительная литература

1. Кремер, Н.Ш. Исследование операций в экономике: Учебн. Пособие. / Н.Ш. Кремер, Б.А. Путко, И.М. Тришин, М.Н. Фридман; Под. ред. Проф Н.Ш. Кремера. -М.: ЮНИТИ, 2003. - 407с.

2. Соловьевников, А.С. Математика в экономике. В двух частях: учебник для студентов вузов по экономическим специальностям / А. С. Соловьевников, В. А. Бабайцев, А. В. Браилов. Ч. 2. - М.: Финансы и статистика, 2000. - 376 с.

3. Экономико-математические методы и модели: учебное пособие / кол. авторов; под ред. С.И.Макарова. - 2-е изд., перераб. и доп. – М.: КНОРУС, 2009. – 238 с.

4. Экономико-математические методы и модели. Задачник: учебно-практическое пособие / кол. авторов; под ред. С.И Макарова, С.И. Севастьяновой. - 2-е изд., перераб. – М.: КНОРУС, 2009 – 201 с.

### **7.3 Методические указания, рекомендации и другие материалы к занятиям**

1. Лядина, Н.Г Исследование операций в экономике. Сборник тестов./ Н.Г. Лядина, Е.А. Ермакова, Г.Н. Светлова. -М.: Изд-во РГАУ – МСХА имени К.А. Тимирязева, 2009. – 56 с.

2. Лядина, Н.Г. Линейное программирование: Сборник тестов./ Н.Г. Лядина, Е.А. Ермакова, Г.Н. Светлова. - М.: Изд-во РГАУ – МСХА имени К.А. Тимирязева, 2009. – 34 с.

3. Лядина, Н.Г. Математические методы в экономике АПК. Нелинейное и выпуклое программирование. Учебное пособие./ Е. А. Ермакова, , Л.В. Уразбахтина. - М.: Изд-во РГАУ – МСХА имени К.А. Тимирязева, 2012. – 163 с.

### **8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины**

1. <http://www.wikipedia.org> – универсальная Интернет-энциклопедия (открытый доступ);

2. <https://www.intuit.ru/studies/courses/545/401/info> – ИНТУИТ, курс «Организационно-экономическое моделирование и инструменты менеджмента» (открытый доступ);

3. <http://www.matmetod-popova.narod.ru> – электронный учебник Н.В. Попова «Математические методы» (открытый доступ).

### **9. Перечень программного обеспечения**

Таблица 10

#### **Перечень программного обеспечения**

№ п/п	Наименование раздела учебной дисциплины	Наименование программы	Тип программы	Автор	Год разработки
1	Все разделы учебной дисциплины	Microsoft Excel, NetOp School	расчетная, контролирующая	Microsoft Corp., NetOp	2003 или выше

### **10. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине**

Лекции проводятся в специализированной аудитории, оборудованной мультимедийным проектором для демонстрации компьютерных презентаций.

Для проведения практических занятий по дисциплине «Исследование операций и методы оптимизации» необходим компьютерный класс с предустановленным на ПЭВМ программным обеспечением, указанным в п. 9.

Таблица 11

## Сведения об обеспеченности специализированными аудиториями, кабинетами, лабораториями

<b>Наименование специальных помещений и помещений для самостоятельной работы (№ учебного корпуса, № аудитории)</b>	<b>Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы</b>
1	2
Аудитория для проведения занятий лекционного типа, <i>групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации</i> (Планетарий 1,2, уч. корпус № 12)	Видеопроектор 3500 Лм
Аудитория для проведения практических занятий, <i>групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации</i> (№309, уч. корпус №12)	Персональные компьютеры в количестве 30 штук
Аудитория для проведения практических занятий, <i>групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации</i> (№310, уч. корпус №12)	Персональные компьютеры в количестве 28 штук
Аудитория для проведения практических занятий, <i>групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации</i> (№315, уч. корпус №12)	Персональные компьютеры в количестве 20 штук
Аудитория для проведения практических занятий, <i>групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации</i> (№316, уч. корпус №12)	Персональные компьютеры в количестве 20 штук
Центральная научная библиотека имени Н.И. Железнова	Читальные залы
Общежитие № 7	Комната для самоподготовки

### **11. Методические рекомендации студентам по освоению дисциплины**

Посещение лекционных (с конспектированием рассматриваемых вопросов) и практических занятий (с выполнением практических работ), а также проработка рекомендуемой литературы являются необходимым и достаточным условием для получения необходимых знаний, практических умений и навыков по изучаемой дисциплине.

Подготовка студентов к занятиям носит индивидуальный характер, но такая подготовка должна включать чтение конспектов лекций и рекомендуемой литературы, что позволяет усвоить необходимые знания по изучаемой теме. Для получения консультаций по вопросам, ответы на которые студент не смог найти в процессе проработки материалов, предусмотрено внеаудиторное время.

Самостоятельная работа студентов организуется в соответствии с методическими указаниями и должна быть выполнена в объеме, предусмотренном

данной рабочей программой. Самостоятельная работа формирует навыки поиска необходимой информации и способствует лучшему усвоению материала.

Выполнение заданий предусматривает работу в компьютерном классе, поэтому студент должен уметь пользоваться ПЭВМ и необходимым программным обеспечением согласно перечню в п. 9 настоящей рабочей программы.

### **Виды и формы отработки пропущенных занятий**

Студент, пропустивший занятие лекционного типа, обязан отработать его в одной из следующих форм:

- индивидуальная консультация по инициативе студента (рекомендуемая форма);
- индивидуальная проработка студентом лекционного материала по рекомендуемой литературе, компьютерным презентациям и конспектам, выполненным другими студентами, с последующим устным опросом;
- реферат на тему, предложенную преподавателем.

Трудоемкость реферата не может превышать количества часов лекционных занятий, пропущенных студентом. Рекомендуемый объем реферата – не более 10 страниц. Оригинальность реферата проверяется. По требованию преподавателя студент должен быть готов представить доказательства оригинальности реферата (например, ксерокопии использованных источников, сайты в сети Интернет, копии библиотечных абонентских карточек и др.), а также объяснить значения терминов, аббревиатур, математических записей, встречающихся в реферате.

С разрешения преподавателя студент имеет право отработать пропущенное практическое задание самостоятельно и отчитаться по нему на ближайшем практическом занятии (если это не противоречит его плану) либо во время, назначенное преподавателем для индивидуальных консультаций.

Если самостоятельная отработка практической работы невозможна по техническим причинам либо в связи с недостаточной подготовленностью студента, то кафедра прикладной информатики организует дополнительное практическое занятие для всех студентов, не выполнивших практические работы в срок и не отработавших их самостоятельно.

Пропуск занятия по документально подтвержденной уважительной причине не является основанием для снижения оценки выполненной практической работы.

## **12. Методические рекомендации преподавателям по организации обучения по дисциплине**

Для обеспечения большей наглядности лекционные занятия должны проводиться в аудиториях, оборудованных проекционной аппаратурой для демонстрации компьютерных презентаций. По каждой теме (вопросу) преподаватель должен сформировать список рекомендуемой литературы.

Начало практических занятий следует отводить под обсуждение вопросов студентов по содержанию и методике выполнения практической работы. Допускается при таком обсуждении использование одной из технологий интерак-

тивного обучения. Для проведения индивидуальных консультаций должно быть предусмотрено внеаудиторное время.

При проведении практических занятий для формирования профессиональных компетенций необходимо использовать активные и интерактивные образовательные технологии, описанные в п. 5 данной рабочей программы.

Невыполнение требований к практическим заданиям является основанием для повторного выполнения практической работы с измененным вариантом заданий и снижения оценки по результатам соответствующего контрольно-аттестационного мероприятия.

Контроль знаний студентов проводится в формах текущей и промежуточной аттестаций. Текущая аттестация студентов проводится постоянно на практических занятиях с помощью контроля результатов выполнения практических и тестовых заданий, устного опроса, а также на контрольной неделе. Промежуточная аттестация студентов проводится в форме зачета с оценкой в 4 семестре.

**Программу разработала:**

Бабкина А.В., к.э.н., доцент



---

(подпись)

**РЕЦЕНЗИЯ**  
**на рабочую программу дисциплины Б1.О.10 «Исследование операций и методы оптимизации» ОПОП ВО по направлению 09.03.03 Прикладная информатика, направленности «Программные решения для бизнеса»  
(квалификация выпускника – бакалавр)**

Торопцевым Василием Владимировичем, доцентом кафедры процессов и аппаратов перерабатывающих производств ФГБОУ ВО РГАУ-МСХА имени К.А. Тимирязева, кандидатом технических наук (далее по тексту рецензент) проведена рецензирование рабочей программы дисциплины «Исследование операций и методы оптимизации» ОПОП ВО по направлению 09.03.03 Прикладная информатика, направленности «Программные решения для бизнеса» (бакалавриат), разработанной в ФГБОУ ВО «Российский государственный аграрный университет – МСХА имени К.А. Тимирязева» на кафедре прикладной информатики (разработчик – Бабкин А.В., доцент, к.э.н.)

Рассмотрев представленные на рецензирование материалы, рецензент пришел к следующим выводам:

1. Предъявленная рабочая программа дисциплины «Исследование операций и методы оптимизации» (далее по тексту Программа) соответствует требованиям ФГОС ВО по направлению 09.03.03 Прикладная информатика». Программа содержит все основные разделы, соответствует требованиям к нормативно-методическим документам.

2. Представленная в Программе **актуальность** учебной дисциплины в рамках реализации ОПОП ВО не подлежит сомнению – дисциплина относится к обязательной части учебного цикла – Б1.О.

3. Представленные в Программе **цели** дисциплины соответствуют требованиям ФГОС ВО направления 09.03.03 Прикладная информатика.

4. В соответствии с Программой за дисциплиной «Исследование операций и методы оптимизации» закреплено две (ОПК-6, ПК-23 (МФ-3)) **компетенции (4 индикатора)**. Дисциплина «Исследование операций и методы оптимизации» и представленная Программа способна реализовать их в объявленных требованиях.

5. Общая трудоёмкость дисциплины «Исследование операций и методы оптимизации» составляет 4 зачётные единицы (144 часа).

6. Информация о взаимосвязи изучаемых дисциплин и вопросам исключения дублирования в содержании дисциплин соответствует действительности. Дисциплина «Исследование операций и методы оптимизации» взаимосвязана с другими дисциплинами ОПОП ВО и Учебного плана по направлению 09.03.03 Прикладная информатика и возможность дублирования в содержании отсутствует.

7. Представленная Программа предполагает использование современных образовательных технологий, используемые при реализации различных видов учебной работы. Формы образовательных технологий соответствуют специфике дисциплины.

8. Программа дисциплины «Исследование операций и методы оптимизации» предполагает проведение занятий в интерактивной форме.

9. Виды, содержание и трудоёмкость самостоятельной работы студентов, представленные в Программе, соответствуют требованиям к подготовке выпускников, содержащимся во ФГОС ВО направления 09.03.03 Прикладная информатика.

10. Представленные и описанные в Программе формы **текущей** оценки знаний (защита практических работ), соответствуют специфике дисциплины и требованиям к выпускникам.

Форма промежуточного контроля знаний студентов, предусмотренная Программой, осуществляется в форме зачета с оценкой, что соответствует статусу дисциплины, как дисциплины обязательной части учебного цикла – Б1.О ФГОС ВО направления 09.03.03 Прикладная информатика.

11. Формы оценки знаний, представленные в Программе, соответствуют специфике дисциплины и требованиям к выпускникам.

12. Учебно-методическое обеспечение дисциплины представлено: основной литературой – 2 источника (базовый учебник), дополнительной литературой – 4 наименования, Интернет-ресурсы – 3 источник и соответствует требованиям ФГОС ВО направления 09.03.03 Прикладная информатика.

13. Материально-техническое обеспечение дисциплины соответствует специфике дисциплины «Исследование операций и методы оптимизации» и обеспечивает использование современных образовательных, в том числе интерактивных методов обучения.

14. Методические рекомендации студентам и методические рекомендации преподавателям по организации обучения по дисциплине дают представление о специфике обучения по дисциплине «Исследование операций и методы оптимизации».

### **ОБЩИЕ ВЫВОДЫ**

На основании проведенного рецензирования можно сделать заключение, что характер, структура и содержание рабочей программы дисциплины «Исследование операций и методы оптимизации» ОПОП ВО по направлению 09.03.03 Прикладная информатика, направленности «Программные решения для бизнеса» (квалификация выпускника – бакалавр), разработанной Бабкиной А.В., доцентом кафедры прикладной информатики, к.э.н. соответствует требованиям ФГОС ВО, современным требованиям экономики, рынка труда и позволит при её реализации успешно обеспечить формирование заявленных компетенций.

Рецензент: Торопцев В.В., доцент кафедры процессов и аппаратов перерабатывающих производств ФГБОУ ВО РГАУ-МСХА имени К.А. Тимирязева, кандидат технических наук

  
(подпись)

«29» августа 2025 г.