

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Парлюк Е.П.

Должность: И.о. директора института механики и энергетики имени В.П. Горячкина

Дата подписания: 22.03.2024 г.

Уникальный программный ключ:

7823a3d3181287ca31a86a4c69d33e1779345d4f

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ –  
МСХА имени К.А. ТИМИРЯЗЕВА»  
(ФГБОУ ВО РГАУ - МСХА имени К.А. Тимирязева)

Института механики и энергетики имен В.П. Горячкина  
Кафедра высшей математики



И.о. директора института механики и  
энергетики имени В.Г. Горячкина

Парлюк Е.П.

20 23 г.

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

**Б1. О. 06 Математика**

для подготовки бакалавров

ФГОС ВО

Направление: 35.03.06 Агроинженерия

Направленность: «Электрооборудование и электротехнологии», «Технический сервис в АПК», «Автоматизация и роботизация технологических процессов», «Испытание и контроль качества машин и оборудования», «Цифровые технические системы в агробизнесе», «Интеллектуальные машины и оборудование в АПК»

Курс 1-2

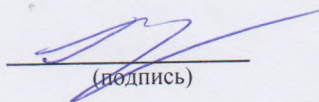
Семестры 1, 2, 3

Форма обучения: очная

Год начала подготовки: 2022

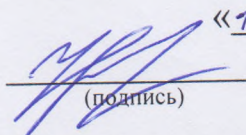
Москва, 2023

Разработчик: Прудкий А.С, к. пед. н., доцент  
(ФИО, ученая степень, ученое звание)

  
(подпись)

«16» июня 2023 г.

Рецензент: Коноплин Н.А., к. ф.-м. н., доцент  
(ФИО, ученая степень, ученое звание)

  
(подпись)

«16» июня 2023 г.

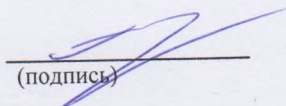
Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки Направление: 35.03.06 Агроинженерия  
Направленность: «Электрооборудование и электротехнологии», «Технический сервис в АПК», «Автоматизация и роботизация технологических процессов», «Испытание и контроль качества машин и оборудования», «Цифровые технические системы в агробизнесе», «Интеллектуальные машины и оборудование в АПК»

и

учебного плана по данному направлению.

Программа обсуждена на заседании кафедры высшей математики протокол №11 от «16» июня 2023 г.

И.о.зав. кафедрой Прудкий А.С., к. пед. н. доцент  
(ФИО, ученая степень, ученое звание)

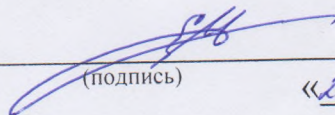
  
(подпись)

«16» июня 2023 г.

**Согласовано:**

/ Председатель учебно-методической комиссии института механики и энергетики имени В.П. Горячкина

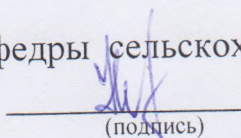
\_\_\_\_\_  
(ФИО, ученая степень, ученое звание)

  
(подпись)

«28» 06 2023 г.

И.о заведующего выпускающей кафедры сельскохозяйственных машин

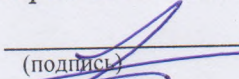
Иванов Ю.Г. , д.т.н., профессор  
(ФИО, ученая степень, ученое звание)

  
(подпись)

«19» 06 2023 г.

Заведующий выпускающей кафедрой тракторов и автомобилей

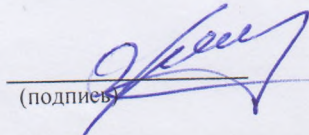
Дидманидзе О.Н. , д.т.н., академик РАН  
(ФИО, ученая степень, ученое звание)

  
(подпись)

«28» 06 2023 г.

Заведующий выпускающей кафедрой метрологии, стандартизации и управления качеством

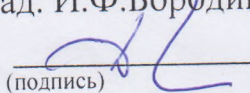
Леонов О.А. , д.т.н., профессор  
(ФИО, ученая степень, ученое звание)

  
(подпись)

«28» 06 2023 г.

Заведующий выпускающей кафедрой автоматизации и роботизации технологических процессов имени акад. И.Ф.Бородина

Сторчевой В.Ф. , д.т.н., профессор  
(ФИО, ученая степень, ученое звание)

  
(подпись)

«28» 06 2023 г.

Заведующий выпускающей кафедрой технический сервис машин и оборудования

Апатенко А.С. , д.т.н., доцент  
(ФИО, ученая степень, ученое звание)

  
(подпись)

«18» 06 2023 г

Зав. отделом комплектования ЦНБ

  
(подпись)

## Содержание

АННОТАЦИЯ.....	5
1. Цель освоения дисциплины.....	6
2. Место дисциплины в учебном процессе.....	6
3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине Б1.О.06 «Математика», соответствующих с планируемыми результатами освоения образовательной программы.....	6
4. Структура и содержание дисциплины.....	9
4.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.....	9
4.2 Содержание дисциплины.....	10
4.3 Лекции/практические занятия.....	16
5. Образовательные технологии.....	27
6. Текущий контроль успеваемости и промежуточная аттестация по итогам освоения дисциплины.....	30
6.1 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений и навыков и (или) опыта деятельности.....	30
6.2 Описание показателей и критериев контроля успеваемости, описание шкал оценивания.....	44
7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины.....	45
7.1 Основная литература.....	45
7.2 Дополнительная литература.....	45
7.4 Методические указания, рекомендации и другие материалы к занятиям.....	46
9. Перечень программного обеспечения и информационные справочные системы.....	46
10. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине.....	46
11. Методические рекомендации студентам по освоению дисциплины.....	47
12. Методические рекомендации преподавателям по организации обучения по дисциплине.....	48

## АННОТАЦИЯ

рабочей программы учебной дисциплины Б1. О. 06 «Математика» для подготовки бакалавров по направлению: 35.03.06

«Агроинженерия», направленность: «Электрооборудование и электротехнологии», «Технический сервис в АПК», «Автоматизация и роботизация технологических процессов», «Испытание и контроль качества машин и оборудования», «Цифровые технические системы в агробизнесе», «Интеллектуальные машины и оборудование в АПК»

**Цель освоения дисциплины:** ознакомление бакалавров с основами высшей математики, необходимыми для формулирования и решения технических и технологических проблем в области электроэнергетики, электротехники и электроснабжения, формирование способностей работать самостоятельно, отыскивать оптимальные решения, использовать законы и методы математики при решении профессиональных задач, проводить теоретические исследования и численный эксперимент, описывать и анализировать экспериментальные данные с использованием ИКТ (Excel, Mathcad, MATLAB ).

**Место дисциплины в учебном плане:** дисциплина «Математика» включена в обязательную часть учебного плана по направлению подготовки 35.03.06 «Агроинженерия», осваивается в 1, 2 и 3 семестрах.

**Требования к результатам освоения дисциплины:** в результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции (индикаторы достижения компетенций): ОПК-1 (ОПК-1.1; ОПК-1.2; ОПК-1.3).

**Краткое содержание дисциплины:** элементы высшей алгебры, элементы аналитической геометрии, введение в математический анализ, дифференциальное исчисление функций одной переменной, дифференциальное исчисление функций многих переменных, интегральное исчисление функций одной переменной, обыкновенные дифференциальные уравнения, числовые и степенные ряды, элементы теории функций комплексной переменной, теория вероятностей, элементы математической статистики, элементы численных методов.

**Общая трудоемкость дисциплины составляет 324 часов (9 зач. ед.).**

**Промежуточный контроль по дисциплине:** 1 семестр — Экзамен, 2 семестр — Экзамен, 3 семестр — Зачет

## **1. Цель освоения дисциплины**

Целью освоения дисциплины «Математика» является ознакомление бакалавров с основами высшей математики, необходимыми для формулирования и решения технических и технологических проблем в области электроэнергетики, электротехники и электроснабжения, формирование способностей работать самостоятельно, отыскивать оптимальные решения, использовать законы и методы математики при решении профессиональных задач, проводить теоретические исследования и численный эксперимент, описывать и анализировать экспериментальные данные с использованием ИКТ(Excel, Mathcad, MATLAB ).

## **2. Место дисциплины в учебном процессе**

Дисциплина «Математика» включена в перечень дисциплин обязательной части учебного плана блока Б1.О. Дисциплина «Математика» реализуется в соответствии с требованиями ФГОС ВО и Учебного плана по направлению 35.03.06 «Агроинженерия».

Для освоения дисциплины необходимы знания математики в объеме, предусмотренном базовым уровнем федерального компонента ГОС среднего (полного) общего образования по математике.

Дисциплина «Математика» является предшествующей для дисциплин: «Физика», «Начертательная геометрия и инженерная графика», «Гидравлика», «Теплотехника», «Метрология, стандартизация и сертификация», «Цифровые технологии», «Теоретическая механика», «Электрические измерения», «Экономическое обоснование инженерно-технических решений».

Рабочая программа дисциплины «Математика» для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья разрабатывается индивидуально с учетом особенностей психофизического развития, индивидуальных возможностей и состояния здоровья таких обучающихся.

## **3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине Б1.О.06 «Математика», соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы**

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся компетенций (индикаторов достижения компетенций), представленных в Таблице 1.

Таблица 1  
Требования к результатам освоения учебной дисциплины

№ п/п	Код компетенции (или её части)	Содержание компетенции	Индикаторы достижения компетенций			владеть	
			знать	уметь	6		
1	ОПК-1	Способен решать типовые задачи профессиональной деятельности на основе знаний основных законов математических и естественных наук с применением информационно-коммуникационных технологий	<p>ОПК-1.1 Демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности</p> <p>ОПК-1.2 Использует знания основных законов математических и естественных наук для решения стандартных задач в агроинженерии</p> <p>ОПК-1.3 Применяет информационно-коммуникационные технологии в решении типовых задач профессиональной деятельности</p>	<p>Основные законы математических и естественных наук в области профессиональной деятельности</p> <p>Основные методы решения задач агроинженерии с применением их при решении задач с использованием цифровых технологий (программы Mathcad и пакета прикладных программ Matlab) для решения задач в</p>	<p>Проводить анализ основных законов естественных наук, применять их при решении задач с использованием цифровых технологий (программы Mathcad и пакета прикладных программ Matlab) для решения задач в агроинженерии</p> <p>Выбирать оптимальные математические законы для решения задач в профессиональной деятельности</p>	<p>Владеет методами анализа достижений науки и применением в профессиональной деятельности</p> <p>Использовать методы решения задач и развития аготехники и анализа современных достижений науки и производства в агроинженерии с применением их при решении задач с использованием цифровых технологий (программы Mathcad и пакета прикладных программ Matlab) для решения задач в</p>	

				агроинженерии	агроинженерии	агроинженерии
				Использовать оптимальные технологии для решения задач в профессиональной деятельности	Информационно-коммуникационные технологии	агроинженерии

#### 4. Структура и содержание дисциплины

##### 4.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ по семестрам

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 9 зач. ед. (324 часов), их распределение по видам работ по семестрам представлено в таблице 2.

Таблица 2

Вид учебной работы	час.	Трудоёмкость		
		в т.ч. по семестрам		
		№1	№2	№3
<b>Общая трудоёмкость дисциплины по учебному плану</b>	<b>324</b>	<b>108</b>	<b>144</b>	<b>72</b>
<b>1. Контактная работа:</b>	<b>149,05</b>	<b>70,4</b>	<b>46,4</b>	<b>32,25</b>
Аудиторная работа	149,05	70,4	46,4	32,25
в том числе:				
лекции (Л)	64	34	14	16
практические занятия (ПЗ)	80	34	30	16
консультации перед экзаменом	4	2	2	
контактная работа на промежуточном контроле (КРА)	1,05	0,4	0,4	0,25
<b>2. Самостоятельная работа (СРС)</b>	<b>174,95</b>	<b>37,6</b>	<b>97,6</b>	<b>71,5</b>
контрольные работы (подготовка)	12	2	8	8
самостоятельное изучение разделов, самоподготовка	40,55	2	56	31,75
Подготовка к экзамену (контроль)	67,2	33,6	33,6	
Вид промежуточного контроля:		Экз.	Экз.	Экз.

##### 4.2 Содержание дисциплины

Таблица 3

##### Тематический план учебной дисциплины

Наименование разделов	Всего	Аудиторная работа			Внеаудиторная работа СР
		Л	ПЗ	ПКР	
Раздел 1 «Элементы высшей алгебры»	23,2	8	8		7,2
Раздел 2 «Элементы аналитической геометрии»	19,2	6	6		7,2
Раздел 3 «Введение в анализ»	19,2	6	6		7,2
Раздел 4 «Дифференциальное исчисление»	19,4	6	6		7,4
Раздел 5 «Функции нескольких переменных»	24,6	8	8		8,6
Консультации перед экзаменом	2			2	
Контактная работа на промежуточном контроле (КРА)	0,4			0,4	
<b>Всего за 1 семестр</b>	<b>108</b>	<b>34</b>	<b>34</b>	<b>2,4</b>	<b>37,6</b>
Раздел 6 «Интегральное исчисление»	44	4	8		32
Раздел 7 «Дифференциальные уравнения»	50	4	12		34
Раздел 8 «Элементы теории рядов и теории функций комплексного переменного»	47,6	4	10		33,6
Консультации перед экзаменом	2			2	
Контактная работа на промежуточном контроле (КРА)	0,4			0,4	
<b>Всего за 2 семестр</b>	<b>144</b>	<b>14</b>	<b>30</b>	<b>2,4</b>	<b>97,6</b>
Раздел 9 «Теория вероятностей. Случайные события»	23,2	4	4		15,2
Раздел 10 «Случайные величины»	15,6	4	4		7,6
Раздел 11 «Элементы математической статистики»	15,6	4	4		7,6

Раздел 12 «Элементы численных методов»	17,35	4	4	9,35
Консультаций перед экзаменом				
Контактная работа на промежуточном контроле (КРА)	0,25			0,25
<b>Всего за 3 семестр</b>	<b>72</b>	<b>16</b>	<b>16</b>	<b>39,75</b>
<b>Итого по дисциплине</b>	<b>324</b>	<b>64</b>	<b>80</b>	<b>174,95</b>

### Раздел 1. Элементы высшей алгебры

#### Тема 1. Системы линейных уравнений.

Системы линейных уравнений. Эквивалентные системы и эквивалентные преобразования. Метод Гаусса.

#### Тема 2. Матрицы и метод Крамера

Матрица. Матрица системы. Определитель матриц второго и третьего порядка. Метод Крамера.

#### Тема 3. Действия с матрицами

Разложение определителя по строке, столбцу. Алгебраические дополнения. Сложение матриц и умножение матрицы на число. Умножение матриц. Единичная матрица и обратная матрица.

#### Тема 4. Комплексные числа

Комплексные числа. Тригонометрическая форма комплексного числа.

### Раздел 2. Элементы аналитической геометрии

#### Тема 1. Аналитическая геометрия на плоскости

Понятие о системе координат. Координаты на прямой. Прямоугольная декартова система координат на плоскости. Расстояние между точками. Деление отрезка в данном отношении. Уравнение окружности. Уравнение прямой с угловым коэффициентом, угол между прямыми.

#### Тема 2. Векторная алгебра

Векторы на прямой и в пространстве. Координаты вектора. Сложение векторов и умножение вектора на число. Скалярное произведение векторов. Его свойства и скалярное произведение в координатах. Проекция вектора на вектор. Векторное произведение векторов. Его свойства. Векторное произведение в координатах. Смешанное произведение векторов и его геометрический смысл.

### Тема 3. Аналитическая геометрия в пространстве

Уравнение плоскости в пространстве. Уравнение плоскости, проходящей через данную точку и перпендикулярной данному вектору. Расстояние от точки до плоскости. Параметрические и канонические уравнения прямой в пространстве.

### Тема 4. Кривые второго порядка

Эллипс, парабола, гипербола. Их определения и канонические уравнения. Цилиндрические и конические поверхности в пространстве. Основные виды поверхностей второго порядка. **Раздел 3. Введение в анализ** *Тема 1. Функция.*

Функция, обозначения и способы задания. Сложная функция. Элементарные функции.

### Тема 2. Предел.

Вещественное число и предел бесконечной последовательности. Бесконечные значения пределов. Существование предела монотонной последовательности. Свойства предела последовательности. Предел функции, односторонние пределы, непрерывность. Основные элементарные функции, их графики и пределы на концах интервалов области определения. Элементарные функции. Основные классы элементарных функций. Свойства предела функции и замена переменной в пределе. Неопределённости и их разрешение. Функции непрерывные на интервале и на отрезке и их свойства. Вертикальные асимптоты и их отыскание. Отыскание горизонтальных и наклонных асимптот.

### Раздел 4. Дифференциальное исчисление

*Тема 1. Производная и дифференциал.*

Производная функции в точке и её геометрический смысл. Уравнение касательной. Производная функция. Дифференцирование элементарных функций. Таблица производных. Линейность дифференцирования. Производная произведения и частного. Производная сложной функции. Дифференциал и его инвариантность. Производные высших порядков. *Тема 2. Применение производной.*

Основные теоремы дифференциального исчисления: теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа. Необходимое условие экстремума. Достаточные условия монотонности. Достаточные условия экстремума. Выпуклость и вогнутость. Точки перегиба. Достаточные условия выпуклости и вогнутости.

Приложения производной. Правило Лопиталя. Исследование функции и построение эскиза графика. Формула Тейлора и приближённые вычисления.

### Раздел 5. Функции нескольких переменных

#### Тема 1. Дифференцирование функций нескольких переменных

Понятие функции нескольких переменных. Область определения функции нескольких переменных, её графическое изображение. Частные и полное приращения функции двух переменных. Частные производные. Частные производные высших порядков.



*Тема 1. Вероятность случайного события*  
Статистический смысл случайные события и случайный эксперимент. Статистические вероятности. Классический способ подсчёта вероятности. Геометрические вероятности. Размещения, сочетания перестановки. Принцип произведения вероятности.

*Тема 2. Алгебра событий и свойства вероятности*  
Действия с событиями и их свойства. Классификация событий: достоверное событие, невозможное событие, несовместные события. Основные свойства вероятности и их следствия: вероятность суммы событий и вероятность противоположного события. Условная вероятность и теорема умножения вероятностей.

Полная группа событий. Формула полной вероятности. Формулы Байеса. Последовательные независимые испытания, формулы Бернулли.

## Раздел 10. Случайные величины

*Тема 1. Дискретные и непрерывные случайные величины и их математическое ожидание и дисперсия*

Случайная величина и её функция распределения. Ряд распределения и математическое ожидание дискретной случайной величины. Биномиальное распределение. Плотность распределения и математическое ожидание непрерывной случайной величины. Равномерное распределение. Показательное распределение и функция надежности. Функции от случайных величин. Формулы для дисперсии дискретных и непрерывных случайных величин. Свойства математического ожидания и дисперсии. Независимые случайные величины. Свойства математического ожидания и дисперсии независимых случайных величин.

*Тема 2. Нормальное распределение и предельные теоремы*

Нормальное распределение. Свойства нормально распределённых случайных величин. Вероятность попадания нормально распределённой случайной величины в заданный интервал, функция Лапласа. Свойства функции Лапласа. Правило трёх сигм. Понятие о центральной предельной теореме. Приближённая формула Муавра-Лапласа.

## Раздел 11. Элементы математической статистики

*Тема 1. Выборочный метод*

Основная задача математической статистики. Выборочный метод. Статистический ряд, вариационный ряд, интервальный вариационный ряд. Гистограмма относительных частот и эмпирическая функция распределения.

*Тема 2. Статистические оценки и проверка гипотез*

Статистические оценки и их свойства. Оценки вероятности математического ожидания и дисперсии. Интервальные оценки математического ожидания и дисперсии. Критерий Пирсона для проверки гипотезы о виде распределения случайной величины.

*Тема 2. Экстремум функции двух переменных.*  
Экстремум, необходимое и достаточное условия существования экстремума функции нескольких переменных. Понятие об эмпирических формулах, метод наименьших квадратов.

## Раздел 6. Интегральное исчисление

*Тема 1. Неопределённый интеграл.*

Первообразная функция и неопределённый интеграл. Свойства неопределённого интеграла. Интегралы от основных элементарных функций. Таблица неопределённых интегралов. Методы интегрирования: метод разложения, подведение под знак дифференциала, метод замены, интегрирование по частям.

*Тема 2. Определённый интеграл.*

Понятие определённого интеграла, его свойства. Теорема о среднем. Формула Ньютона-Лейбница. Методы вычисления определённого интеграла. Приближённое вычисление определённого интеграла.

Геометрические приложения определённого интеграла. Вычисление площади и объёма фигуры вращения. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования.

## Раздел 7. Дифференциальные уравнения

*Тема 1. Дифференциальные уравнения первого порядка*

Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Основные понятия теории дифференциальных уравнений: дифференциального уравнения, решения дифференциального уравнения, начального условия, общего решения. Дифференциальные уравнения 1-го порядка: уравнения с разделяющимися переменными, линейные дифференциальные уравнения первого порядка, уравнения Бернулли.

*Тема 2. Дифференциальные уравнения высших порядков*

Дифференциальные уравнения 2-го порядка, допускающие понижение порядка. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения высших порядков с постоянными коэффициентами с правой частью в виде квазимногочлена.

## Раздел 8. Элементы теории рядов и функций комплексной переменной

*Тема 1. Числовые и степенные ряды*

Ряды с положительными членами, знакопередающиеся ряды, абсолютная и условная сходимость. Теорема Абеля, радиус сходимости, область сходимости, приложения степенных рядов.

*Тема 2. Функции комплексной переменной*

Функции комплексной переменной. Дифференцируемость и аналитичность.

## Раздел 9. Случайные события

## Содержание лекций, практических занятий и контрольные мероприятия

№ п/п	Название раздела, темы	№ и название лекций/практических занятий	Формируемые компетенции (индикаторы достижения компетенции или ее части)	Вид контрольного мероприятия	Колво часов
1	Раздел 1. Элементы высшей алгебры Тема 1. Системы линейных уравнений.	Лекция № 1. Эквивалентные системы и эквивалентные преобразования. Метод Гаусса. Определитель матриц второго и третьего порядка. Метод Крамера	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)		12 2
	Тема 2. Матрицы и метод Крамера	Практическое занятие № 1. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
	Тема 3. Действия с матрицами	Практическое занятие № 2. Решение систем линейных уравнений методом Крамера. Лекция № 2. Свойства определителей, сложение и умножение матриц, обратная матрица. Комплексные числа и действия с ними	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
		Практическое занятие № 3. Определители четвертого порядка и действия с матрицами	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2

Тема 1. Функция.	Лекция № 1. Функция, обозначения и способы задания. Элементарные функции.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
	Практическое занятие № 1. Отыскание области определения функции.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
Тема 2. Предел.	Лекция № 2. Предел последовательности. Вычисление пределов последовательности.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)		2

№ п/п	Название раздела, темы	№ и название лекций/практических занятий	Формируемые компетенции (индикаторы достижения компетенции или ее части)	Вид контрольного мероприятия	Количество часов
4	Раздел 4. Дифференциальное исчисление	Лекция № 1. Производная, таблица производных. Производная сложной функции, дифференциал.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
		Практическое занятие № 1. Вычисление производных.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
		Практическое занятие № 2. Дифференциал и его применение.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
		Лекция № 4. Отыскание асимптот.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
4	Раздел 4. Дифференциальное исчисление				14

№ п/п	Название раздела, темы	№ и название лекций/практических занятий	Формируемые компетенции (индикаторы достижения компетенции или ее части)	Вид контрольного мероприятия	Количество часов
2	Раздел 2. Элементы аналитической геометрии				12
2	Тема 1. Аналитическая геометрия на плоскости	Лекция № 1. Простейшие задачи аналитической геометрии на плоскости. Векторы на плоскости и в пространстве. Векторное пространство.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
		Практическое занятие № 1. Решение задач аналитической геометрии на плоскости.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
		Практическое занятие № 2. Задачи с применением векторов.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
2	Тема 2. Векторная алгебра				2
2	Тема 3. Аналитическая геометрия в пространстве.	Лекция № 2. Плоскость и прямая в пространстве.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач, решение контрольной работы № 1	4
		Практическое занятие № 3. Решение задач аналитической геометрии в пространстве	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач, решение контрольной работы № 1	4
3	Раздел 3. Введение в анализ				12

	переменных.				
		Практическое занятие № 4. Применение метода наименьших квадратов.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
6	<b>Раздел 6. Интегральное исчисление</b>	Тема 1. Неопределённый интеграл.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)		2
		Лекция № 1. Первообразная и неопределённый интеграл. Методы интегрирования	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
		Практическое занятие № 1. Вычисление простых интегралов.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
		Практическое занятие № 2. Вычисление сложных интегралов.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
	Тема 2. Определённый интеграл.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)		2	

№ п/п	Название раздела, темы	№ и название лекций/практических занятий	Формируемые компетенции (индикаторы достижения компетенции или ее части)	Вид контрольного мероприятия	Колво часов
		Практическое занятие № 3. Вычисление и применение определённого интеграла. Вычисление объёмов.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач, решение контрольной работы № 3	4
7	<b>Раздел 7. Дифференциальные уравнения</b>				<b>14</b>

Тема 2. Применение производной.	Лекция № 2. Монотонность, экстремум и выпуклость. Правило Лопиталя.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
	Практическое занятие № 3. Построение эскиза графика.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
	Практическое занятие № 4. Применение правила Лопиталя.	ОПК-3 (ОПК-3.1)	Решение типовых задач, решение контрольной работы № 2	4
5	<b>Раздел 5. Функции нескольких переменных</b>			<b>12</b>
Тема 1. Дифференцирование функций нескольких переменных	Лекция № 1. Определение и непрерывность функции двух переменных. Частные	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)		2

№ п/п	Название раздела, темы	№ и название лекций/практических занятий	Формируемые компетенции (индикаторы достижения компетенции или ее части)	Вид контрольного мероприятия	Колво часов
		производные и полный дифференциал.			
		Практическое занятие № 1. Отыскание области определения функции двух переменных.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
		Практическое занятие № 2. Дифференцирование функций двух переменных.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
	Тема 2. Экстремум функции двух переменных.	Лекция № 2. Условия экстремума функции двух переменных. Метод наименьших квадратов.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)		2
		Практическое занятие № 3. Отыскание экстремума функции двух переменных.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2

Тема 1. Числовые и степенные ряды	Лекция № 1. Основные теоремы теории числовых рядов. Основные теоремы теории степенных рядов.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)		2
	Практическое занятие № 1. Суммирование и сходимость числовых рядов	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
Тема 2. Функции комплексного переменного.	Лекция № 2. Функции комплексного переменного.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)		2
	Практическое занятие № 2. Отыскание области сходимости степенного ряда	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач, решение контрольной работы № 4	4
<b>Раздел 9. Случайные события</b>				
Тема 1. Вероятность случайного события	Лекция № 1. Статистический смысл вероятности и классический способ вычисления вероятности. Сочетания, размещения	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)		2
	Практическое занятие № 1. Применение классического способа вычисления вероятности.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
	Практическое занятие № 2. Применение классического способа вычисления вероятности с применением комбинаторики.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2

Тема 1. Дифференциальные уравнения первого порядка	Лекция № 1. Определения теории дифференциальных уравнений, разделение переменных. Метод разделения переменных. Метод Бернулли.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)		2
	Практическое занятие № 1. Решение дифференциальных уравнений методом разделения переменных	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
	Практическое занятие № 2. Применение метода Бернулли	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
	Лекция № 2. Понижение порядка. Линейные дифференциальные уравнения.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
	Практическое занятие № 3. Применение методов понижения порядка	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
Тема 2. Дифференциальные уравнения высших порядков	Практическое занятие № 4. Решение однородных линейных дифференциальных уравнений	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
	Практическое занятие № 5. Решение неоднородных линейных дифференциальных уравнений	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2

№ п/п	Название раздела, темы	№ и название лекций/практических занятий	Формируемые компетенции (индикаторы достижения компетенции или ее части)	Вид контрольного мероприятия	Колво часов
8	Раздел 8. Элементы теории рядов и теории функций комплексного переменного				10

		Практическое занятие № 3. Нормальное распределение	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
№ п/п	Название раздела, темы	№ и название лекций/практических занятий	Формируемые компетенции (индикаторы достижения компетенции или ее части)	Вид контрольного мероприятия	Колво часов
11	Раздел 11. Элементы математической статистики	Тема 1. Выборочный метод	Лекция № 1. Статистический и вариационный ряд. Обработка экспериментальных данных	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	2
		Практическое занятие № 1. Индивидуальное задание по математической статистике, часть 1 и часть 2.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Выполнение индивидуального задания	2
		Практическое занятие № 2. Индивидуальное задание по математической статистике, часть 3.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Выполнение индивидуального задания	2
	Тема 2. Статистические оценки и проверка гипотез	Лекция № 2. Оценки математического ожидания и дисперсии. Критерий Пирсона	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)		2

№ п/п	Название раздела, темы	№ и название лекций/практических занятий	Формируемые компетенции (индикаторы достижения компетенции или ее части)	Вид контрольного мероприятия	Колво часов
10	Раздел 10. Случайные величины	Тема 1. Дискретные и непрерывные случайные величины и их математическое ожидание и дисперсия	Лекция № 1. Случайная величина, функция распределения, ряд распределения, плотность распределения. Практическое занятие № 1. Отыскание ряда распределения и математического ожидания дискретной случайной величины	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	2
		Практическое занятие № 2. Непрерывные случайные величины	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
	Тема 2. Нормальное распределение и предельные теоремы	Лекция № 2. Нормальное распределение. Функция Лапласа. Приближённая формула Муавра - Лапласа.	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)		2

	решения задач	1.3)	
--	---------------	------	--

Таблица 5

**Перечень вопросов для самостоятельного изучения дисциплины**

№ п/п	№ темы	Перечень рассматриваемых вопросов для самостоятельного изучения
<b>Раздел 1. Элементы высшей алгебры</b>		
1	Тема 4. Комплексные числа	Тригонометрическая комплексного числа (ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)) форма
<b>Раздел 2. Элементы аналитической геометрии</b>		
	Тема 4. Кривые и поверхности второго порядка	Эллипс, парабола, гиперболо. Цилиндрические и конические поверхности в пространстве. ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)
<b>Раздел 3. Введение в анализ</b>		
2	Тема 2. Предел	Второй замечательный предел ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)
<b>Раздел 4. Дифференциальное исчисление</b>		
	Тема 2. Применение производной.	Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа. ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)
	№ темы	Перечень рассматриваемых вопросов для самостоятельного изучения
<b>Раздел 5. Функции нескольких переменных.</b>		
3	Тема 3. Экстремум функции двух переменных.	Метод множителей Лагранжа. ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)
<b>Раздел 6. Интегральное исчисление.</b>		
4	Тема 4. Неопределенный интеграл	Методы интегрирования иррациональных ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)
<b>Раздел 7. Дифференциальные уравнения</b>		
5	Тема 5. Дифференциальные уравнения высших порядков	Метод вариации постоянных ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)
<b>Раздел 8. Элементы теории рядов и функций комплексной переменной</b>		
	Тема 1. Числовые и степенные ряды	Разложение функций в степенные ряды. ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)
<b>Раздел 9. Случайные события</b>		
	Тема 1. Вероятность случайного события	Геометрические вероятности ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)

№ п/п	Название раздела, темы	№ и название лекций/практических занятий	Формируемые компетенции (индикаторы достижения компетенции или ее части)	Выполнение индивидуального задания	2
	Практическое занятие № 3. Индивидуальное задание по математической статистике часть 4		ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Выполнение индивидуального задания	2
	Практическое занятие № 4. Индивидуальное задание по математической статистике часть 5		ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Выполнение индивидуального задания	2
	№ и название лекций/практических занятий		Формируемые компетенции (индикаторы достижения компетенции или ее части)	Выд контрольного мероприятия	Колво часов
12	<b>Раздел 12. Элементы численных методов</b>				12
	Тема 1. Погрешности	Лекция № 1. Оценка погрешности при арифметических операциях. абсолютная и относительная погрешности. Практическое занятие № 1 Погрешности при арифметических операциях	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2
	Тема 2. Приближённое решение уравнений	Практическое занятие № 2. Метод дихотомии и метод Ньютона. Практическое занятие № 3. Применение метода дихотомии. Практическое занятие № 4. Применение метода Ньютона для	ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)	Решение типовых задач	2

Раздел 10. Случайные величины	
Тема 1. Дискретные и непрерывные случайные величины и их математическое ожидание и дисперсия	Показательное распределение, его математическое ожидание и дисперсия. ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)
Раздел 11. Элементы математической статистики	
Тема 2. Статистические оценки и проверка гипотез	Интервальные оценки математического ожидания и дисперсии. ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)
Раздел 12. Элементы численных методов	
Тема 1. Погрешности	Дифференциал и формула оценки погрешности при вычислении функции. ОПК-1 (ОПК-1.1, ОПК-1.2, ОПК-1.3)

### 5. Образовательные технологии

Таблица 6

#### Применение активных и интерактивных образовательных технологий

№ п/п	Тема и форма занятия	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий (форм обучения)
1	Тема 1.1. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
2	Тема 1.2. Решение систем линейных уравнений методом Крамера.	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
3	Тема 1.3. Определители четвертого порядка и действия с матрицами	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)

№ п/п	Тема и форма занятия	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий (форм обучения)
4	Тема 1.4. Выполнение действий с комплексными числами	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
5	Тема 2.1. Решение задач аналитической геометрии на плоскости.	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)

6	Тема 2.2. Задачи с применением векторов.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
7	Тема 2.3. Решение задач аналитической геометрии в пространстве	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
8	Тема 3.1. Отыскание области определения функции.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
9	Тема 3.2. Вычисление пределов последовательности	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
10	Тема 3.3. Вычисление пределов функций.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
11	Тема 3.4. Отыскание асимптот.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
12	Тема 4.1. Вычисление производных.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
13	Тема 4.1. Дифференциал и его применение.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
14	Тема 4.2. Построение эскиза графика.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
15	Тема 4.2. Применение правила Лопиталя.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
16	Тема 5.1. Отыскание области определения функции двух переменных.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
17	Тема 5.1. Дифференцирование функций двух переменных.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
18	Тема 5.2. Отыскание экстремума функции двух переменных.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)

№ п/п	Тема и форма занятия	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий (форм обучения)
-------	----------------------	---



33	Тема 10.1 Отыскание ряда распределения и	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
№ п/п	Тема и форма занятия		Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий (форм обучения)
	математического ожидания дискретной случайной величины		КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
34	Тема 10.1 Непрерывные случайные величины	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
35	Тема 10.2 Нормальное распределение	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
36	Тема 10.2 Формула Муавра-Лапласа	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
37	Тема 12.1 Погрешности при арифметических операциях	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
38	Тема 12.1 Погрешности при вычислении функций	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
39	Тема 12.2 Применение метода дихотомии	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
40	Тема 12.2 Применение метода Ньютона	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)

**6. Текущий контроль успеваемости и промежуточная аттестация по итогам освоения дисциплины**

**6.1 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений и навыков и (или) опыта деятельности**

**Типовые задачи для решения задач на практических занятиях**

Задачи к разделу № 1 «Элементы высшей алгебры»

19	Тема 5.2 Применение метода наименьших квадратов.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
20	Тема 6.1 Вычисление простых интегралов	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
21	Тема 6.1 Вычисление сложных интегралов	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
22	Тема 6.2 Вычисление и применение определённого интеграла. Вычисление объёмов.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
23	Тема 7.1 Решение дифференциальных уравнений методом разделения переменных	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
24	Тема 7.1 Применение метода Бернулли	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
25	Тема 7.2 Применение методов понижения порядка	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
26	Тема 7.2 Решение однородных линейных дифференциальных уравнений	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
27	Тема 7.2 Решение неоднородных линейных дифференциальных уравнений	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
28	Тема 8.1 Суммирование и сходимость числовых рядов	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
29	Тема 8.2 Отыскание области сходимости степенного ряда	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
30	Тема 9.1 Применение классического способа вычисления вероятности	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
31	Тема 9.1 Применение классического способа вычисления вероятности с применением комбинаторики.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)
32	Тема 9.2 Применение теорем сложения и умножения вероятностей.	ПЗ	Решение типовых задач (ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ)

1. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса:

$$\begin{cases} 5x + 5y + 4z = -9 \\ 7x + 6y + 7z = -15 \\ 6x + 7y + 2z = -7 \end{cases}$$

2. Методом Крамера найти значение  $x$ , удовлетворяющее системе уравнений:

$$\begin{cases} 5x + 5y + 4z = 17 \\ 7x + 6y + 7z = 28 \\ 6x + 7y + 2z = 12 \end{cases}$$

3. Вычислить определитель матрицы

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 & 2 \\ 2 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

4. Выполнить действия с матрицами:

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 3 & 1 & 0 \end{pmatrix} - 3 \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 3 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

5. Найти матрицу, обратную к матрице

$$\begin{pmatrix} 2 & 9 \\ 1 & 5 \end{pmatrix}$$

6. Разложить многочлен

$$2x^3 + 3x^2 - 18x + 8$$

на множители.

7. Выполнить деление комплексных чисел

$$\frac{14 - 5i}{2 + 3i}$$

Задачи к разделу № 2 «Элементы аналитической геометрии»

8. Даны вершины  $A_1(3; -2; 1)$ ,  $A_2(3; -1; 8)$ ,  $A_3(1; -1; 2)$ ,  $A_4(6; -1; 7)$  пирамиды. Найти уравнение плоскости, проходящей через вершины  $A_1, A_2, A_3$ .

9. Даны вершины  $A_1(3; -2; 1)$ ,  $A_2(3; -1; 8)$ ,  $A_3(1; -1; 2)$ ,  $A_4(6; -1; 7)$  пирамиды. Найти угол между ребром  $A_1A_4$  и гранью  $A_1A_2A_3$ .

10. Даны вершины  $A_1(3; -2; 1)$ ,  $A_2(3; -1; 8)$ ,  $A_3(1; -1; 2)$ ,  $A_4(6; -1; 7)$  пирамиды. Найти уравнение прямой, проходящей через вершину  $A_2$  параллельно ребру  $A_1A_4$ .

11. Даны вершины  $A_1(3; -2; 1)$ ,  $A_2(3; -1; 8)$ ,  $A_3(1; -1; 2)$ ,  $A_4(6; -1; 7)$  пирамиды. Найти площадь грани  $A_1A_2A_3$ .

Задачи к разделу № 3 «Введение в анализ»

12. Найти область определения функции

$$y = \sqrt{x^2 - 6x + 8} + \ln(x - 3)$$

13. Нарисовать эскиз графика функции

$$y = 2x - 3$$

и записать значения пределов на концах интервалов области определения.

14. Найти  $f(g(x))$  и упростить полученную формулу, если

$$f(x) = \frac{2x - 3}{3x + 5}; g(x) = \frac{4x - 2}{2x + 4}$$

15. Найти предел без использования правила Лопиталя:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{x^2 + 2x + 5}}{3x + 7}$$

16. Найти общее уравнение касательной прямой к графику  $y = \frac{3x+2}{2x+5}$  в точке  $(-2; -4)$ .

17. Исследовать функцию  $y = x^3 - 6x^2 + 9x + 50$  и построить эскиз графика.

18. Найти предел

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin(2x-2)}{x^3 - 4x + 3}$$

с помощью правила Лопиталя.

19. Найти асимптоту графика функции

$$y = \sqrt{4x^2 - 4x + 7}$$

при  $x \rightarrow -\infty$ .

20. Найти производную и упростить:

$$((2x+3)^{3/2} - 9\sqrt{2x+3})'$$

21. Найти частные производные функции

$$z = x^3 \sin(2x + 4y)$$

22. Найти  $z''_{xx}$ , если  $z = e^{xy^2}$ .

23. Исследовать функцию

$$z = x^2 + 2xy + 2x + 2y^3 - 8y^2 + 14y$$

на локальный экстремум.

Задачи к разделу № 4 «Функция нескольких переменных»

1. Найти полный дифференциал функции  $z = \arcsin \sqrt{1 - 2y^4 x}$ .

2. Исследовать функцию  $z = x^3 - 2xy - y^2 + x - y + 4$  на экстремум.

3. Найти уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности

$$z = \frac{3}{x^2 - y^2} \text{ в точке } M(-5; 4; z_0).$$

4. Найти полный дифференциал функции  $z = \frac{\sqrt{y}}{x} - \frac{xy}{\sqrt{y-2x}}$ .

5. Найти частные производные второго порядка функции  $z = 5^{x \cos y}$ .

6. Найти уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности

$$z = \frac{3}{x^2 - y^2} \text{ в точке } M(-5; 4; z_0).$$

7. Исследовать функцию  $z = 4 - 2x^3 + 6xy + 3y^2 - x - y$  на экстремум.

Задачи к разделу № 6 «Интегральное исчисление»

24. Найти интеграл

$$\int \frac{7x^{2/3} + 11x^{3/5}}{\sqrt{x}} dx$$

методом разложения.

25. Найти интеграл

$$\int \frac{9}{4 + 3\sqrt{x}} dx$$

методом замены переменной.

26. Найти интеграл

$$\int x \cos(2x + 1) dx$$

методом интегрирования по частям.

27. Найти интеграл

$$\int \frac{2x-3}{x^2+2x-8} dx$$

методом разложения.

28. Найти площадь, ограниченную линиями  $y = x^2 + x - 5$  и  $y = -2x + 5$ .

Задачи к разделу № 7 «Дифференциальные уравнения»

29. При каком  $a$  функция  $y = x^a$  является решением дифференциального уравнения

$$y' = \frac{2y}{x} - x^3$$

30. Найти решение дифференциального уравнения

$$y' = -\frac{y^2}{x^2}$$

удовлетворяющее начальному условию  $y(1) = -1$ .

31. Найти общее решение линейного дифференциального уравнения первого порядка

$$y' = \frac{y}{x} - x^{-1}$$

32. Найти общее решение линейного дифференциального уравнения второго порядка

$$y'' - 4y' - 5y = (2x + 1)e^{5x}$$

Задачи к разделу № 8 «Элементы теории рядов и функций комплексного переменного»

33. Найти сумму ряда

$$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{5 \cdot 4^{k+1} + 4 \cdot 5^k}{3^{2k-1}}$$

33. б. Дана функция  $z=5+4i$  комплексного переменного. Найти действительную и мнимую части данной функции.

Задачи к разделу № 9 «Теория вероятностей. Случайные события»

34. Игральная кость подбрасывается дважды. Найдите вероятность того, что хотя бы один раз появится три очка.

35. Из 20 билетов лотереи четыре выиграшных. Разыграли пять билетов. Какова вероятность, что выиграли два ?

36. Три стрелка производят по одному выстрелу по цели, вероятности попадания в которую равны: для первого стрелка – 0,6 ; для второго – 0,7 ; для третьего – 0,8. Найдите вероятность одного попадания в цель.

37. Какова вероятность, что случайно выбранное двузначное число делится на три, если его сумма цифр меньше десяти ?

38. В ящике четыре белых, три черных и шесть красных шаров. Один за другим взяли четыре шара . Какова вероятность, что первые два белых, третий черный, а последний красный ?

39. На базе находятся костюмы, изготовленные на трех фабриках. Из них 30% изготовлено на первой, 50% на второй и 20% на третьей фабрике. Известно, что из каждых 100 костюмов, изготовленных на первой фабрике, знак качества имеют 60. Для второй и третьей фабрик этот показатель равен, соответственно, 70 и 80. а) Определить вероятность того, что взятый наугад с базы костюм не будет иметь знака качества. б) Наугад взятый костюм имеет знак качества. Какова вероятность, что он со второй фабрики ?

40. В офисе пять компьютеров. Вероятность того, что каждый из них в течение года потребует ремонта, равна 0,2. Найдите вероятность того, что в течение года не придется ремонтировать хотя бы два компьютера.

Задачи к разделу №10 «Теория вероятностей. Случайные величины»

41. Игральную кость бросили два раза.  $X$  - наибольшее из числа выпавших очков. Найдите распределение и математическое ожидание случайной величины  $X$ .

42. Непрерывная случайная величина  $X$  имеет плотность распределения

$$p(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < -1, \\ a & \text{при } -1 \leq x < 2, \\ 1/4 & \text{при } 2 \leq x < 4, \\ 0 & \text{при } x \geq 4. \end{cases}$$

Найти величину  $a$ , вероятность  $P(X < 3)$  и математическое ожидание  $X$ .

43. Масса зерна – нормально распределённая случайная величина с математическим ожиданием 0,18 г и средним квадратическим отклонением 0,05 г. Найти: а) процент семян, масса которых больше чем 0,15 г. б) величину массы, которую не превзойдёт масса случайно взятого зерна с вероятностью 0,95.

44. Было посажено 500 деревьев. Найти вероятность того, что число прижившихся деревьев больше 390, если вероятность того, что отдельное дерево приживётся, равна 0,8.

Задачи к разделу № 12 «Элементы численных методов»

45. Пусть  $a = 1,75 \pm 0,03, b = 2,31 \pm 0,02, c = 3,17 \pm 0,04$ . Найти  $d = \frac{a}{b} + 3bc$  и оценить погрешность вычисления.

46. Найти корень уравнения  $x^3 + x = 7$  с точностью  $10^{-5}$ .

**Примерные варианты контрольных работ и индивидуального задания**

*Семестр 1*

**Контрольная работа № 1 «Высшая алгебра и аналитическая геометрия»**

Вариант 1

1. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса:

$$\begin{cases} 5x + 5y + 4z = -9 \\ 7x + 6y + 7z = -15 \\ 6x + 7y + 2z = -7 \end{cases}$$

2. Методом Крамера найти значение  $x$ , удовлетворяющее системе уравнений:

$$\begin{cases} 5x + 5y + 4z = 17 \\ 7x + 6y + 7z = 28 \\ 6x + 7y + 2z = 12 \end{cases}$$

3. Выполнить действия с матрицами:

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 3 & 1 & 0 \end{pmatrix} - 3 \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 3 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

4. Найти матрицу, обратную к матрице

$$\begin{pmatrix} 2 & 9 \\ 1 & 5 \end{pmatrix}$$

5. Даны вершины  $A_1(3; -2; 1)$ ,  $A_2(3; -1; 8)$ ,  $A_3(1; -1; 2)$ ,  $A_4(6; -1; 7)$  тетраэдра. Найти уравнение плоскости, проходящей через вершины  $A_1, A_2, A_3$ .

**Контрольная работа № 2 «Пределы и производная»**

Вариант 1

1. Найти область определения функции

$$y = \sqrt{x^2 - 6x + 8} + \ln(x - 3)$$

2. Найти  $f(g(x))$  и упростить полученную формулу, если

$$f(x) = \frac{2x - 3}{3x + 5}; g(x) = \frac{4x - 2}{2x + 4}$$

3. Найти общее уравнение касательной прямой к графику  $y = \frac{3x + 2}{2x + 5}$  в точке  $(-2; -4)$ .

4. Исследовать функцию

$$y = x^3 - 6x^2 + 9x + 50$$

и построить эскиз графика.

5. Найти предел

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin(2x - 2)}{x^3 - 4x + 3}$$

с помощью правила Лопиталя.

6. Найти предел

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin(2x - 2)}{x^3 - 4x + 3}$$

с помощью правила Лопиталя.

*Семестр 2*

**Контрольная работа № 5 «Случайные события»**

Вариант 1

1. Игральная кость подбрасывается дважды. Найдите вероятность того, что хотя бы один раз появится три очка.
2. Из 20 билетов лотереи четыре выигрышных. Разыграли пять билетов. Какова вероятность, что выиграли два?
3. Три стрелка производят по одному выстрелу по цели, вероятности попадания в которую равны: для первого стрелка – 0,6; для второго – 0,7; для третьего – 0,8. Найдите вероятность одного попадания в цель.
4. Какова вероятность, что случайно выбранное двузначное число делится на три, если его сумма цифр меньше десяти?
5. В ящике четыре белых, три черных и шесть красных шаров. Одни за другим взяли четыре шара. Какова вероятность, что первые два белых, третий черный, а последний красный?
6. В ящике четыре белых, три черных и шесть красных шаров. Один за другим взяли четыре шара. Какова вероятность, что первые два белых, третий черный, а последний красный?

**Контрольная работа № 6 «Случайные величины»**

Вариант 1

1. В офисе пять компьютеров. Вероятность того, что каждый из них в течение года потребует ремонта, равна 0,2. Найдите вероятность того, что в течение года не придется ремонтировать хотя бы два компьютера.
  2. Игральную кость бросили два раза.  $X$  – наибольшее из числа выпавших очков. Найдите распределение и математическое ожидание случайной величины  $X$ .
  3. Непрерывная случайная величина  $X$  имеет плотность распределения
 
$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < -1, \\ a & \text{при } -1 \leq x < 2, \\ 1/4 & \text{при } 2 \leq x < 4, \\ 0 & \text{при } x \geq 4. \end{cases}$$
- Найти величину  $a$ , вероятность  $P(X < 3)$  и математическое ожидание  $X$ .
4. Масса зерна – нормально распределённая случайная величина с математическим ожиданием 0,18 г и средним квадратическим отклонением 0,05 г. Найдите: а) процент семян, масса которых больше чем 0,15 г; б) величину массы, которую не прейдёт масса случайно взятого зерна с вероятностью 0,95.
  5. Было посажено 500 деревьев. Найдите вероятность того, что число прижившихся деревьев больше 390, если вероятность того, что отдельное дерево приживётся, равна 0,8.

**Пример индивидуального задания по разделу 11 «Элементы математической статистики»**

**Контрольная работа № 3 «Экстремум функции двух переменных и интеграл»**

Вариант 1

1. Найти частные производные функции  $z = x^3 \sin(2x + 4y)$
  2. Исследовать функцию  $z = x^2 + 2xy + 2x + 2y^3 - 8y^2 + 14y$  на локальный экстремум.
  3. Найти интеграл 
$$\int \frac{7x^{2/3} + 11x^{3/5}}{\sqrt{x}} dx$$
  4. Найти интеграл 
$$\int \frac{9}{4 + 3\sqrt{x}} dx$$
  5. Найти интеграл 
$$\int \frac{2x - 3}{x^2 + 2x - 8} dx$$
- методом разложения.
4. Найти интеграл 
$$\int \frac{2x - 3}{x^2 + 2x - 8} dx$$
- методом замены переменной.
5. Найти интеграл 
$$\int \frac{2x - 3}{x^2 + 2x - 8} dx$$
- методом разложения.

**Контрольная работа № 4 «Дифференциальные уравнения и ряды»**

Вариант 1

1. При каком  $a$  функция  $y = x^a$  является решением дифференциального уравнения
2. Найти решение дифференциального уравнения  $y' = \frac{2y}{x} - x^3$
3. Найти общее решение линейного дифференциального уравнения первого порядка удовлетворяющее начальному условию  $y(1) = -1$ .
4. Найти общее решение линейного дифференциального уравнения второго порядка  $y'' - 4y' - 5y = (2x + 1)e^{5x}$
5. Найти сумму ряда 
$$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{5 \cdot 4^{k+1} + 4 \cdot 5^k}{3^{2k-1}}$$

Для данного интервального вариационного ряда

$x_i$	9 - 12	12 - 15	15 - 18	18 - 21	21 - 24	24 - 27	27 - 30	30 - 33
$n_i$	2	4	8	10	17	7	5	4

1. Построить гистограмму относительных частот (эмпирическую плотность распределения).
2. Построить эмпирическую функцию распределения.
3. Найти статистическое среднее (статистическое математическое ожидание), статистическую дисперсию, исправленную дисперсию.
4. С помощью критерия Парсона определить значимость гипотезы о нормальном распределении изучаемой случайной величины на уровне значимости 5 процентов.
5. Найти доверительные интервалы для математического ожидания и дисперсии на уровне надёжности 95 процентов.

### Примерный перечень вопросов для подготовки к экзаменам

#### Семестр 1

1. Система линейных уравнений, решение системы, эквивалентные системы.
2. Метод Гаусса решения системы линейных уравнений.
3. Определители второго и третьего порядка.
4. Метод Крамера решения системы линейных уравнений.
5. Свойства определителя.
6. Сложение матриц и умножение матрицы на число.
7. Произведение матриц.
8. Единичная матрица и обратная матрица. Пример отыскания.
9. Комплексные числа, их сложение, умножение, деление.
10. Комплексная плоскость, тригонометрическая форма комплексного числа, модуль и аргумент комплексного числа.
11. Изменение модуля и аргумента при умножении, извлечение корней из комплексных чисел.
12. Декартова система координат на плоскости и в пространстве.
13. Расстояние между точками с известными координатами. Деление отрезка в данном отношении.
14. Уравнение линии на плоскости, уравнение окружности.
15. Уравнения прямой на плоскости.
16. Угол между прямыми, условия параллельности и перпендикулярности прямых.
17. Векторы, сложение векторов и умножение вектора на число.

18. Координаты вектора, их свойства. Скалярное произведение векторов и его свойства. Скалярное произведение в координатах.
19. Векторное произведение и его свойства. Векторное произведение в координатах.
20. Смешанное произведение векторов, смешанное произведение в координатах.
21. Уравнение плоскости в пространстве, расстояние от точки до плоскости.
22. Параметрические и канонические уравнения прямой в пространстве.
23. Определение и каноническое уравнение эллипса.
24. Определение и каноническое уравнение гиперболы.
25. Определение и каноническое уравнение параболы.
26. Определение и способы задания функции. Сложная функция или композиция функций.
27. Основные элементарные функции, элементарные функции.
28. Предел последовательности и его свойства. Бесконечные значения предела.
29. Монотонные последовательности, второй замечательный предел.
30. Односторонние пределы, предел функции.
31. Свойства предела функции и его вычисление.
32. Определение и геометрический смысл производной, уравнение касательной
33. Производная функция, дифференцирование и его свойства
34. Дифференцирование сложной функции, примеры
35. Правило Лопиталя.
36. Основные свойства графика функции.
37. Участки возрастания и убывания функции и их отыскание. Точки экстремума, их определение и отыскание.
38. Выпуклость и вогнутость функции. Точки перегиба.
39. Асимптоты графика функции, их классификация и отыскание.

#### Семестр 2

1. Частные производные и полный дифференциал. Примеры.
2. Частные производные высших порядков. Примеры.
3. Экстремум функций двух переменных. Примеры.
4. Первообразная и неопределённый интеграл. Определения и примеры.
5. Таблица интегралов. Вывод формулы интеграла от степени.
6. Метод разложения. Примеры.
7. Формула замены переменной в интеграле. Занесение под дифференциал, примеры.
8. Формула линейной замены переменной, примеры.
9. Явная замена переменной в интеграле. Примеры.
10. Интегрирование по частям. Примеры.

11. Независимые события. Формулы для вероятности суммы событий и их применение.
12. Условная вероятность. Определение и примеры.
13. Теорема произведения вероятностей. Примеры.
14. Полная группа событий, формула полной вероятности и её применение.
15. Формула Байеса и её применение.
16. Последовательные независимые испытания, формулы Бернулли.
17. Случайная величина и её функция распределения.
18. Ряд распределения и математическое ожидание дискретной случайной величины. Основное свойство ряда распределения.
19. Плотность распределения и математическое ожидание непрерывной случайной величины.
20. Свойства математического ожидания.
21. Функции от случайных величин. Примеры.
22. Дисперсия, её вычисление для дискретных и непрерывных случайных величин.
23. Свойства дисперсии.
24. Независимые случайные величины, свойства математического ожидания и дисперсии независимых случайных величин.
25. Биномиальное распределение, его параметры, математическое ожидание и дисперсия.
26. Показательное распределение, его параметры, математическое ожидание и дисперсия.
27. Нормальное распределение, его параметры, математическое ожидание и дисперсия.
28. Вероятность попадания нормально распределённой случайной величины в заданный интервал, функция Лапласа, её свойства, правило трёх сигм.
29. Понятие о центральной предельной теореме, формула Муавра-Лапласа.

## 6.2

### Описание показателей и критериев контроля успеваемости, описание шкал оценивания

#### Критерии оценивания результатов обучения

Таблица 7

Оценка	Критерии оценивания
высокий уровень «5» (отлично)	оценку «отлично» заслуживает студент, освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал без пробелов; выполнивший все задания, предусмотренные учебным планом на высоком качественном уровне; практические навыки профессионального применения освоенных знаний сформированы.

11. Определённый интеграл. Геометрический смысл и определение. Примеры.
12. Свойства определённого интеграла. Формула Ньютона – Лейбница. Примеры.
13. Применение определённого интеграла к вычислению площади и объёма. Пример.
14. Интеграл по бесконечному промежутку (несобственный интеграл).
15. Метод разделения переменных. Общий интеграл и общее решение. Пример.
16. Дифференциальное уравнение первого порядка, решение, начальное условие.
17. Определение общего решения для дифференциального уравнения первого порядка.
18. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Метод Бернулли. Пример.
19. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.
20. Числовой ряд и его сумма, свойства сходящихся рядов.
21. Свойства рядов с неотрицательными членами, признаки сравнения.
22. Степенные ряды их свойства, область и радиус сходимости.
23. Ряд Тейлора и оценка его остатка.
24. Степенные ряды для экспоненты, синуса и косинуса.
25. Дифференцирование и интегрирование степенных рядов. Разложение натурального логарифма в степенной ряд.

#### Семестр 3

1. Статистический смысл вероятности. Относительная частота, случайное событие, случайный эксперимент, вероятность.
2. Классический способ подсчёта вероятности, равновероятные исходы, благоприятные исходы.
3. Геометрические вероятности.
4. Упорядоченные и неупорядоченные наборы. Принцип произведения. Примеры.
5. Размещения. Примеры. Вывод формулы для числа размещений. Перестановки.
6. Сочетания. Вывод формулы для числа сочетаний.
7. Сложение и умножение событий и их свойства.
8. Противоположные события. Свойства. Законы де Моргана.
9. Невозможное и достоверное события. Законы поглощения.
10. Несовместные события, свойства вероятности. Вероятность противоположного события.



4. Берман Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа. – СПб.: Профессия, 2008, 432с.

#### 7.4 Методические указания, рекомендации и другие материалы к занятиям

1. Демина Т.Ю., Иванцова Н.Н., Ненкашова Е.В. Высшая математика. Индивидуальные задания – М.: Изд-во РГАУ–МСХА, 2008.
2. Демина Т.Ю., Ненкашова Е.В. – Математика: Сборник задач. – М.: Изд-во РГАУ – МСХА имени К.А. Тимирязева, 2013
3. Денисова О.И. Теория вероятностей: Учебное пособие/ О.И. Денисова. М.: Изд-во РГАУ-МСХА, 2017, 110с.

#### 8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

1. <http://www.edu.ru> Российское образование. Федеральный портал (открытый доступ);
  2. <http://www.exponenta.ru/> Образовательный математический сайт (открытый доступ);
  3. <http://algebraic.ru> - математическая энциклопедия (открытый доступ);
  4. <http://mathem.h1.ru> - формулы и справочная информация по математике (открытый доступ);
  5. <http://fxyz.ru> - формулы и справочная информация по математике и физике (открытый доступ);
  6. <http://mathprofi.ru> - математические формулы и справочные материалы (открытый доступ);
  7. <http://www.yandex.ru> Яндекс (открытый доступ);
  8. <http://www.google.ru> Гугл (открытый доступ);
  9. <http://www.rambler.ru> Рамблер (открытый доступ).
- #### 9. Перечень программного обеспечения и информационных справочных систем
1. <http://ru.wikipedia.org> (открытый доступ) Википедия
  2. <http://www.yandex.ru> (открытый доступ) Яндекс

#### 10. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Лекции и практические занятия проводятся в стандартно оборудованных аудиториях университета.

Таблица 8.

#### Сведения об обеспеченности специализированными аудиториями, кабинетами, лабораториями

Наименование специальных помещений и помещений для самостоятельной работы (№ учебного корпуса, № аудитории)	Оснащенность специальных помещений для самостоятельной работы**
---	---

Средний уровень «4» (хорошо)	оценку «хорошо» заслуживает студент, практически полностью освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, учебные задания не оценены максимальным числом баллов, в основном сформировал практические навыки.
Пороговый уровень «3» (удовлетворительно)	оценку «удовлетворительно» заслуживает студент, частично с проблемами освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, многие учебные задания либо не выполнил, либо они оценены числом баллов близким к минимальному, некоторые практические навыки не сформированы.
Минимальный уровень «2» (неудовлетворительно)	оценку «неудовлетворительно» заслуживает студент, не освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, учебные задания не выполнил, практические навыки не сформированы.

#### 7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

##### 7.1 Основная литература

1. Шипачев, В. С. Высшая математика : учебное пособие для вузов / В. С. Шипачев. — 8-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 447 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-12319-7. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/468424>
2. Гмурман, В. Е. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник для вузов / В. Е. Гмурман. — 12-е изд. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 479 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-00211-9. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/468331>
3. Гмурман, В. Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике : учебное пособие для вузов / В. Е. Гмурман. — 11-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 406 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-08389-7. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/468330>
4. Мачулис, В. В. Высшая математика : учебное пособие для вузов / В. В. Мачулис. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2022. — 306 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-01277-4. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/491078>.
5. Новак, Е. В. Интегральное исчисление и дифференциальные уравнения : учебное пособие для вузов / Е. В. Новак, Т. В. Рязанова, И. В. Новак ; под общей редакцией Т. В. Рязановой. — Москва : Издательство Юрайт, 2022. — 112 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-08358-3. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/492235>.

##### 7.2 Дополнительная литература

1. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисления, т. 1, М.: Интеграл-Пресс, 2000, 415с.
2. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисления, т. 2, М.: Интеграл-Пресс, 2001, 544с.
3. Минорский В.П. Сборник задач по высшей математике. – М.: Физматлит, 2008, 336с.

возникновения вопросов обратиться к преподавателю за консультацией, согласно расписанию ее проведения.

## 12. Методические рекомендации преподавателям по организации обучения по дисциплине

При преподавании курса необходимо ориентироваться на современные образовательные технологии. Аудиторная и самостоятельная работы должны быть направлены на углубление и расширение полученных знаний, на закрепление приобретенных навыков и применение формируемых компетенций. Кроме того, рекомендуется использовать дифференцированное обучение и активные методы проверки знаний. Это достигается путем организации индивидуальной самостоятельной работы студентов.

При проведении промежуточной аттестации важно учесть все виды работ, оценить уровень знаний студентов по всем разделам учебной дисциплины.

Примерный перечень экзаменационных вопросов должен доводиться до студентов в начале изучения дисциплины. При необходимости он может быть уточнен не позднее, чем за месяц до начала экзаменационной сессии. На его основе составляются экзаменационные билеты, утверждаемые заведующим кафедрой.

### Программу разработал:

Прудкий Александр Сергеевич, кандидат педагогических наук



(подпись)

1	2
<p>учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа, учебная аудитория для групповых и индивидуальных консультаций, учебная аудитория для текущего контроля и промежуточной аттестации, помещение для самостоятельной работы (26 уч.к., ауд.117)</p> <p>учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа, учебная аудитория для групповых и индивидуальных консультаций, учебная аудитория для текущего контроля и промежуточной аттестации, помещение для самостоятельной работы (28 уч.к., ауд.133)</p> <p>учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа, учебная аудитория для групповых и индивидуальных консультаций, учебная аудитория для текущего контроля и промежуточной аттестации, помещение для самостоятельной работы (12 уч.к., ауд.114)</p> <p>учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа, учебная аудитория для групповых и индивидуальных консультаций, учебная аудитория для текущего контроля и промежуточной аттестации, помещение для самостоятельной работы (12 уч.к., ауд.220)</p> <p>Центральная научная библиотека имени Н. И. Железнова</p>	<p>Столы однотумбовые 5 шт. Стулья 11 шт. Стол ученический с лавкой на металлокаркасе 15 шт. Доска классная (меловая) 1 шт.</p> <p>Парты 32 шт. Стулья 1 шт. Доска меловая 1 шт.</p> <p>Стол ученический с лавкой на металлокаркасе 16 шт. Доска настенная 3-элементная (меловая) 1 шт.</p> <p>Стол ученический на металлокаркасе с подстольем 30 шт. Скамья на металлокаркасе 30 шт. Доска настенная 3-элементная (меловая) 1 шт.</p> <p>Читальный зал</p>

### 11. Методические рекомендации студентам по освоению дисциплины

Для успешного освоения дисциплины необходимо систематическое посещение лекций и практических занятий, регулярная самостоятельная работа над конспектами лекций, образцами решений типовых задач, самостоятельное решение типовых задач. В случае пропуска лекции (или практического занятия) необходимо ознакомиться с этим материалом самостоятельно и в случае